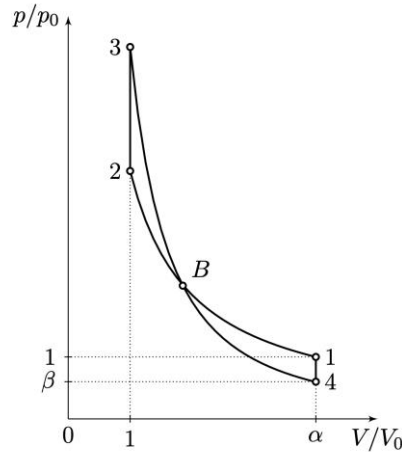


1. Безработица. Идеальный одноатомный газ участвует в циклическом процессе, состоящем из двух изохор, изотермы и адиабаты. Графики процессов 1-2 и 3-4 пересекаются в точке B . Отношение объёмов на изохорах равно α . Известно, что КПД тепловой машины, работающей по данному циклу $\eta = 0\%$. p_0, V_0 — некоторые неизвестные постоянные значения давления и объёма газа.

1. Найдите β (см. рисунок).
2. Считая β известным (в независимости от того, решили первый пункт или нет), определите координаты точки B .



Примечания:

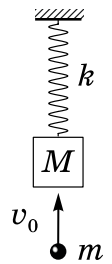
1. Работа ν моль идеального газа в изотермическом процессе расширения (или сжатия) от начального объёма V_H до конечного V_K при температуре T равна:

$$A_T = \nu RT \cdot \ln \frac{V_K}{V_H}.$$

2. Уравнение Пуассона для адиабатного процесса с одноатомным газом:

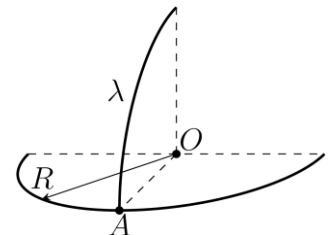
$$pV^{\frac{5}{3}} = \text{const}.$$

2. Пуля. Брусок массой M висит на пружине жесткостью k . В начальный момент времени в него попадает летящая вертикально вверх пуля массой m и застревает в нем. Считайте, что удар происходит настолько быстро, что брусок за это время не успевает заметно сместиться.. Известно, что брусок после соударения поднялся на x выше положения, при котором пружина ненатянута. Ускорение свободного падения g .



1. Определите, какая скорость v_0 была у пули в момент перед ударом.
2. Найдите потери энергии в процессе удара.
3. Найдите величину максимальной деформации пружины в процессе движения x_{max} .

3. Дуговая склейка. Равномерно заряженную проволоку согнули в дугу полуокружности радиусом R и расположили в горизонтальной плоскости. К середине этой дуги в точке A , приклеили дугу в четверть окружности с тем же радиусом в вертикальной плоскости из той же проволоки, так что центры дуг совпадали в точке O (см рисунок). Линейная плотность заряда проволоки λ . Определите:



1. угол вектора напряженности электрического поля в точке O к горизонтальной плоскости.
2. Модуль вектора электрического напряженности поля в точке O .

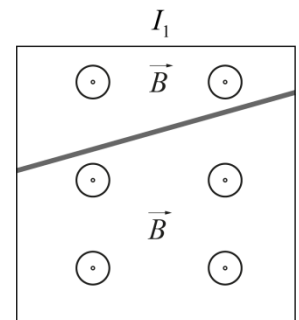
4. **Многоходовочка.** Небольшое тело массой m и зарядом q располагается на горизонтальной шероховатой поверхности. Ему ударом в момент времени $t = 0$ сообщают начальную горизонтальную скорость v_0 , в результате чего оно скользит по поверхности пока не остановится. Движение происходит в однородном вертикальном магнитном поле с индукцией B . Коэффициент трения между телом и плоскостью равен μ , ускорение свободного падения g .

Определите:

- 1) зависимость модуля скорости тела v от времени движения t ;
- 2) время движения до остановки τ ;
- 3) путь S , который пройдёт тело до остановки;
- 4) скорость тела v' сразу после прохождения первой трети пути $S/3$;
- 5) начальную угловую скорости вращения ω_0 вектора скорости тела;
- 6) модуль ускорения тела a_0 непосредственно сразу после удара;
- 7) зависимость угловой скорости вращения ω вектора скорости тела от времени t ;
- 8) на какой угол φ_0 суммарно повернётся вектор скорости тела за время τ ;
- 9) угол поворота φ' вектора скорости тела за первую половину всего времени движения;
- 10) какую работу A_M совершат силы со стороны магнитного поля над телом на первой половине пути;
- 11) количество теплоты Q , выделившееся за всё время τ в результате движения тела по шероховатой поверхности.

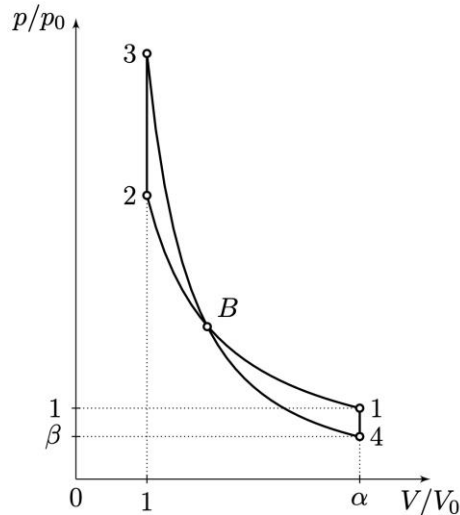
5. **Случайная перемычка.** Квадратная рамка сделана из однородного проводника с конечным сопротивлением. Две её противоположные стороны соединили перемычкой с пренебрежимо малым сопротивлением (см. рисунок). Полученные таким образом контуры поместили в однородное переменное магнитное поле. В некоторый момент времени в верхней ветке наблюдалась сила тока $I_1 = 7$ мА. При этом максимальная сила тока в системе в этот момент времени была $I_{\max} = 10$ мА. Определите:

- 1) силу тока в перемычке в этот момент времени I_{II} ;
- 2) отношение величин ЭДС индукции в верхнем и нижнем контурах.



1. Безработица (Клепиков М.). Идеальный одноатомный газ участвует в циклическом процессе, состоящем из двух изохор, изотермы и адиабаты. Графики процессов 1-2 и 3-4 пересекаются в точке B . Отношение объёмов на изохорах равно α . Известно, что КПД тепловой машины, работающей по данному циклу $\eta = 0\%$. p_0, V_0 — некоторые неизвестные постоянные значения давления и объёма газа.

1. Найдите β (см. рисунок).
2. Считая β известным (в независимости от того, решили первый пункт или нет), определите координаты точки B .



Примечания:

1. Работа ν моль идеального газа в изотермическом процессе расширения (или сжатия) от начального объёма V_H до конечного V_K при температуре T равна:

$$A_T = \nu RT \cdot \ln \frac{V_K}{V_H}.$$

2. Уравнение Пуассона для адиабатного процесса с одноатомным газом:

$$pV^{\frac{5}{3}} = \text{const}.$$

Возможное решение

Процесс 1-2 — изотермический, так как данная кривая медленнее возрастает при уменьшении объёма газа, а значит запишем закон Бойля-Мариотта:

$$p_2 V_0 = p_0 \alpha V_0 \Rightarrow p_2 = \alpha p_0.$$

Процесс 3-4 — адиабатический, значит применим уравнение Пуассона:

$$p_3 V_0^{\frac{5}{3}} = \beta p_0 (\alpha V_0)^{\frac{5}{3}} \Rightarrow p_3 = \alpha^{\frac{5}{3}} \beta p_0.$$

КПД цикла может быть равен нулю, если за цикл не совершается работа, а значит

$$\sum A_i = 0.$$

В изохорных процессах газ не совершает работу, поэтому

$$A_{12} + A_{34} = 0.$$

Работа газа в изотермическом процессе:

$$A_{12} = \nu R T_1 \cdot \ln \frac{V_0}{\alpha V_0}.$$

Согласно первому началу термодинамики

$$0 = \Delta U_{34} + A_{34} \Rightarrow A_{34} = -\frac{3}{2} \nu R (T_4 - T_3).$$

Запишем уравнения состояния идеального газа для точек 3 и 4, и вычтем их:

Всероссийская олимпиада школьников по физике
Муниципальный этап. 29.11.2024 г.
11 класс

$$(3): \alpha^{\frac{5}{3}} \beta p_0 V_0 = \nu R T_3,$$

$$(4): \beta p_0 \alpha V_0 = \nu R T_4,$$

$$\alpha \beta p_0 V_0 \left(1 - \alpha^{\frac{2}{3}}\right) = \nu R (T_4 - T_3).$$

Работа газа на адиабатном участке цикла:

$$A_{34} = -\frac{3}{2} \alpha \beta p_0 V_0 \left(1 - \alpha^{\frac{2}{3}}\right).$$

Работу газа в изотермическом процессе запишем, проведя замену $\nu R T_1$ на $p_0 \alpha V_0$, согласно уравнению состояния в точке 1.

Просуммируем работы газа за цикл:

$$p_0 \alpha V_0 \cdot \ln \frac{1}{\alpha} - \frac{3}{2} \alpha \beta p_0 V_0 \left(1 - \alpha^{\frac{2}{3}}\right) = 0,$$

$$\ln \frac{1}{\alpha} = \frac{3}{2} \beta \left(1 - \alpha^{\frac{2}{3}}\right),$$

$$\beta = \frac{2 \ln \frac{1}{\alpha}}{3 \left(1 - \alpha^{\frac{2}{3}}\right)}.$$

Для нахождения точки пересечения кривых составим уравнения зависимости давления от объёма каждой из них. Для этого воспользуемся значениями давлений и объёмов в точках на этих кривых:

$$pV = \alpha p_0 V_0 \Rightarrow p = \alpha p_0 V_0 \frac{1}{V},$$

$$pV^{\frac{5}{3}} = \beta p_0 (\alpha V_0)^{\frac{5}{3}} \Rightarrow p = \beta p_0 (\alpha V_0)^{\frac{5}{3}} \frac{1}{V^{\frac{5}{3}}}.$$

Приравняем полученные функции и найдем координату пересечения V_B :

$$\alpha p_0 V_0 \frac{1}{V_B} = \beta p_0 (\alpha V_0)^{\frac{5}{3}} \frac{1}{V_B^{\frac{5}{3}}},$$

$$V_B^{\frac{2}{3}} = \beta \alpha^{\frac{2}{3}} V_0^{\frac{2}{3}},$$

$$V_B = \beta^{\frac{3}{2}} \alpha V_0,$$

А значит давление в этой точке:

$$p_B = p_0 \beta^{-\frac{3}{2}}.$$

Ответ: $\beta = \frac{2 \ln \frac{1}{\alpha}}{3 \left(1 - \alpha^{\frac{2}{3}}\right)}, \left(\beta^{\frac{3}{2}} \alpha V_0; p_0 \beta^{-\frac{3}{2}}\right).$

Критерии оценивания

№	Критерий	Балл
1.1	Обоснование сопоставления графиков кривых и процессов	1
1.2	Для изотермы показано, что $pV = \text{const}$	0,5
1.3	$p_2 = \alpha p_0$	0,5
1.4	Правильно применено уравнение Пуассона	0,5
1.5	$p_3 = \alpha^{\frac{5}{3}} \beta p_0$	0,5
1.6	Аргументированный вывод о $\sum A_i = 0$	1
1.7	Работа газа в изотермическом процессе $A_{12} = \nu R T_1 \cdot \ln \frac{V_0}{\alpha V_0}$	0,5
1.8	Работа газа в изотермическом процессе $A_{12} = p_0 \alpha V_0 \cdot \ln \frac{1}{\alpha}$	0,5
1.9	Использовано первое начало термодинамики для адиабатного процесса	1

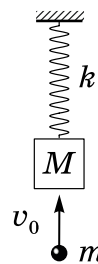
Всероссийская олимпиада школьников по физике
Муниципальный этап. 29.11.2024 г.
11 класс

1.10	Работа газа в адиабатном процессе $A_{34} = -\frac{3}{2}\alpha\beta p_0 V_0 \left(1 - \alpha^{\frac{2}{3}}\right)$	0,5
1.11	Найден коэффициент $\beta = \frac{2 \ln \frac{1}{\alpha}}{3 \left(1 - \alpha^{\frac{2}{3}}\right)}$	0,5
2.1	Идея поиска точки пересечения путем приравнивания функций давления. Оценивается при любом указании на этот способ	1
2.2	Изотерма: $p = \alpha p_0 V_0 \frac{1}{V}$	0,5
2.3	Адиабата: $p = \beta p_0 (\alpha V_0)^{\frac{5}{3}} \frac{1}{V^{\frac{5}{3}}}$	0,5
2.4	Получен объём $V_B = \beta^{\frac{3}{2}} \alpha V_0$	0,5
2.5	Получено давление $p_B = p_0 \beta^{-\frac{3}{2}}$	0,5

Примечание для жюри

Полностью правильное решение, полученное неавторским методом, оценивается полным баллом. Недопустимо снижать оценку за «неправильное» оформление или неаккуратные записи.

2. Пуля (Савинцев В.). Брусок массой M висит на пружине жесткостью k . В начальный момент времени в него попадает летящая вертикально вверх пуля массой m и застревает в нем. Считайте, что удар происходит настолько быстро, что брусок за это время не успевает заметно сместиться. Известно, что брусок после соударения поднялся на x выше положения, при котором пружина ненатянута. Ускорение свободного падения g .



1. Определите, какая скорость v_0 была у пули в момент перед ударом.
2. Найдите потери энергии в процессе удара.
3. Найдите величину максимальной деформации пружины в процессе движения x_{\max} .

Возможное решение

Запишем условие равновесия для бруска в момент до удара с пулей.

$$kx_0 = Mg, \text{ следовательно } x_0 = Mg/k.$$

При условии, что удар происходит быстро, можем считать, что вдоль вертикали выполняется закон сохранения импульса (ЗСИ). Запишем ЗСИ с учетом, что после удара пуля и брусок будут двигаться, как одно целое.

$$mv_0 = (M + m)V \Rightarrow V = mv_0/(M + m).$$

Далее в процессе движения будет выполняться закон сохранения механической энергии. Запишем его для перехода от начального положения к ситуации, когда брусок находится в высшей точке траектории.

$$E = E_0 \Rightarrow \frac{kx^2}{2} = -(M + m)g(x + x_0) + \frac{m^2v_0^2}{2(M + m)}.$$

Отсюда

$$v_0 = \sqrt{\frac{2(M + m)}{m^2} \left(\frac{kx^2}{2} + (M + m)g \left(x + \frac{Mg}{k} \right) \right)}$$

Теперь найдем энергию, выделившуюся при столкновении:

$$\frac{mv_0^2}{2} = Q + \frac{m^2v_0^2}{2(M + m)} \Rightarrow Q = \frac{mMv_0^2}{2(M + m)}.$$

Запишем закон сохранения энергии при переходе от случая, когда тело находится в верхней точке траектории к моменту, когда пружина максимально растянута. В обоих случаях скорость бруска равна нулю.

$$E_1 = E_2 \Rightarrow \frac{kx^2}{2} = -(M + m)g(x + x_{\max}) + \frac{kx_{\max}^2}{2};$$

$$x_{\max} = \frac{(M + m)g}{k} \pm \frac{(M + m)g + kx}{k}.$$

Корень с минусом соответствует положению 1. Корень с плюсом — положению 2. Окончательно:

*Всероссийская олимпиада школьников по физике
Муниципальный этап. 29.11.2024 г.
11 класс*

$$x_{\max} = \frac{2(M + m)g}{k} + x.$$

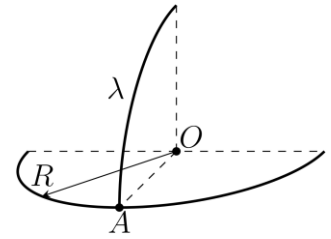
Критерии оценивания

№	Критерий	Балл
1	Записано условие равновесия для бруска в момент до удара с пулей	1
2	Верно найдено начальное растяжение пружины x_0	1
3	Правильно записано ЗСИ	1
4	Правильно записано ЗСЭ	1
5	Найдено правильное выражение для v_0	1,5
6	Верно найдена энергия, выделившееся при столкновении	1,5
7	Правильно записан закон сохранения энергии при переходе от случая, когда тело находится в верхней точке траектории к моменту, когда пружина максимально растянута	1
8	Решено квадратное уравнение и найден x_{\max}	2

Примечание для жюри

Полностью правильное решение, полученное неавторским методом, оценивается полным баллом. Недопустимо снижать оценку за «неправильное» оформление или неаккуратные записи.

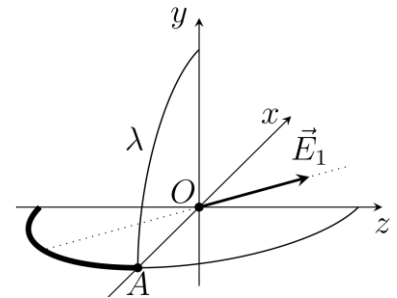
3. Дуговая склейка (Юдин И.). Равномерно заряженную проволоку согнули в дугу полуокружности радиусом R и расположили в горизонтальной плоскости. К середине этой дуги в точке A , приклеили дугу в четверть окружности с тем же радиусом в вертикальной плоскости из той же проволоки, так что центры дуг совпадали в точке O (см рисунок). Линейная плотность заряда проволоки λ . Определите:



1. Угол вектора напряженности электрического поля в точке O к горизонтальной плоскости.
2. Модуль вектора напряженности электрического поля в точке O .

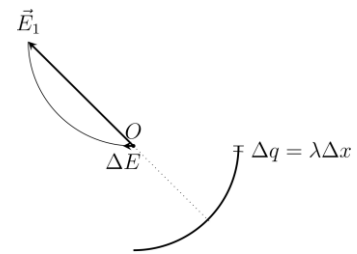
Возможное решение

Рассмотрим заряженную дугу в четверть окружности и поле, которое она создаёт в центре соответствующей окружности. В силу симметрии можно утверждать, что поле будет направлено в плоскости дуги по оси симметрии. На рисунке эта дуга в четверть окружности выделена более жирной линией, а создаваемое этой дугой поле обозначено вектором \vec{E}_1 . Для дальнейшего рассуждения введём оси, тогда проекции вектора на оси $(E_1 \cos(45^\circ), 0, E_1 \cos(45^\circ))$. Для другой части заряженной дуги $(E_1 \cos(45^\circ), 0, -E_1 \cos(45^\circ))$. Для дуги в плоскости (x, y) поле будет $(E_1 \cos(45^\circ), -E_1 \cos(45^\circ), 0)$. Тогда суммарное поле: $(3E_1 \cos(45^\circ), -E_1 \cos(45^\circ), 0)$. Тангенс искомого угла $\text{tg}(\alpha) = E_1 \cos(45^\circ) / (3E_1 \cos(45^\circ)) = 1/3$, тогда $\alpha = \text{arctg}(1/3)$.



Модуль искомого вектора: $E_0 = E_1 \sqrt{9\cos^2(45^\circ) + \cos^2(45^\circ)} = \sqrt{\frac{10}{2}} E_1$.

Найдём модуль E_1 . Для этого рассмотрим малую часть дуги длиной Δx , тогда заряд этой части $\Delta q = \lambda \Delta x$. В точке O создается поле величиной $\Delta E = \frac{k\lambda}{R^2} \Delta x$. Если мы рассмотрим другую часть окружности той же длины Δx , то в точке O эта часть создаст поле той же величины ΔE , только повернутой. Сумма всех этих полей будет направлена по дуге, длина этой дуги в пространстве полей будет пропорциональна длине дуги проволоки с коэффициентом $\frac{k\lambda}{R^2}$. Длина дуги $\frac{\pi}{2} R$, тогда длина дуги поля $l_E = \frac{k\lambda \pi}{R^2} \frac{\pi}{2} R = \frac{k\pi\lambda}{2R}$. Суммарное поле – вектор E_1 – хорда, длина которой в $2\sqrt{2}/\pi$, т.е. поле четверти окружности $E_1 = \frac{k\sqrt{2}\lambda}{R}$, а само поле в точке O : $E_0 = \frac{k\sqrt{10}\lambda}{R}$.



Критерии оценивания

№	Критерий:	Баллы
1.1	Разбиение конструкции на четверти окружности	1
1.2	Использованы идеи симметрии при нахождении направления поля от дуги в четверти окружности.	1
1.3	Найден угол между плоскостью и вектором: $\text{arctg}(1/3)$ Если решение через интегрирование и ответ верный, то пункты 1.1 и 1.2 засчитывать за полный балл.	2
2.1	Нахождение модуля поля через поле дуги в четверть окружности $E_0 = \sqrt{\frac{10}{2}} E_1$	2
2.2	Нахождение поля дуги четверти окружности $E_1 = \frac{k\sqrt{2}\lambda}{R}$	2
2.3	Найдено поле в точке O : $E_0 = \frac{k\sqrt{10}\lambda}{R}$.	2

*Всероссийская олимпиада школьников по физике
Муниципальный этап. 29.11.2024 г.
11 класс*

	Если решение через интегрирование и ответ верный, то пункты 2.1 и 2.2 засчитывать за полный балл.	
--	---	--

Примечание для жюри

Полностью правильное решение, полученное неавторским методом, оценивается полным баллом.
Недопустимо снижать оценку за «неправильное» оформление или неаккуратные записи.

4. **Многоходовочка (Киреев А.).** Небольшое тело массой m и зарядом q располагается на горизонтальной шероховатой поверхности. Ему ударом в момент времени $t = 0$ сообщают начальную горизонтальную скорость v_0 , в результате чего оно скользит по поверхности пока не остановится. Движение происходит в однородном вертикальном магнитном поле с индукцией B . Коэффициент трения между телом и плоскостью равен μ , ускорение свободного падения g .

Определите:

- 1) зависимость модуля скорости тела v от времени движения t ;
- 2) время движения до остановки τ ;
- 3) путь S , который пройдёт тело до остановки;
- 4) скорость тела v' сразу после прохождения первой трети пути $S/3$;
- 5) начальную угловую скорости вращения ω_0 вектора скорости тела;
- 6) модуль ускорения тела a_0 непосредственно сразу после удара;
- 7) зависимость угловой скорости вращения ω вектора скорости тела от времени t ;
- 8) на какой угол φ_0 суммарно повернётся вектор скорости тела за время τ ;
- 9) угол поворота φ' вектора скорости тела за первую половину всего времени движения;
- 10) какую работу A_M совершат силы со стороны магнитного поля над телом на первой половине пути;
- 11) количество теплоты Q , выделившееся за всё время τ в результате движения тела по шероховатой поверхности.

Возможное решение

В процессе движения на тело действуют: сила тяжести mg , направленная вертикально вниз; сила нормальной реакции опоры N , направленная вертикально вверх; сила трения $F_{\text{тр}} = \mu N$, направленная против скорости движения; горизонтальная сила со стороны магнитного поля $F_M = |q|vB$, направленная перпендикулярно скорости.

Так как сила F_M со стороны магнитного поля направлена всегда перпендикулярно скорости, то работы она не совершает, значит $A_M = 0$. Вся первоначальная кинетическая энергия тела к моменту остановки тела перейдёт в тепло: $Q = \frac{mv_0^2}{2}$.

Введём оси: $O\tau$, направленную всегда вдоль вектора скорости тела; On , направленную всегда горизонтально к центру кривизны траектории тела (перпендикулярно скорости тела); Oz , направленную вертикально вверх. Запишем второй закон Ньютона для тела в проекции на оси:

$$\begin{cases} 0 = N - mg; & \text{на ось } Oz & (1) \\ ma_\tau = -F_{\text{тр}}; & \text{на ось } O\tau & (2) \\ ma_n = F_M, & \text{на ось } On & (3) \end{cases}$$

где $a_n = \omega v = \frac{v^2}{R}$ – нормальное ускорение, $a_\tau = \frac{dv}{dt}$ – тангенциальное ускорение тела.

Из уравнений (1) и (2) получаем $ma_\tau = -\mu mg$. Откуда тангенциальное ускорение $a_\tau = -\mu g = \text{const}$, значит приходим к линейной зависимости от времени модуля скорости: $v = v_0 + a_\tau t = v_0 - \mu g t$. Пройденный путь l при движении с постоянным тангенциальным ускорением определяется по формуле: $l = \frac{v^2 - v_0^2}{2a_\tau} = \frac{v^2 - v_0^2}{-2\mu g}$. При $t = \tau$ скорость $v = 0$, путь $l = S$, значит $\tau =$

$\frac{v_0}{\mu g}$, $S = \frac{v_0^2}{2\mu g}$. После прохождения пути $l = \frac{S}{3}$ скорость $v = v'$, с учётом этого $\frac{v'^2 - v_0^2}{-2\mu g} = \frac{S}{3} = \frac{v_0^2}{3 \cdot 2\mu g}$,

следовательно $v' = \sqrt{\frac{2}{3}} v_0$.

Из уравнения (3) с учётом формулы $a_n = \omega v$ получаем $m\omega v = |q|vB$, или $\omega = \frac{|q|B}{m} = \text{const} = \omega_0$, то есть угловая скорость не зависит от времени. Значит суммарный угол поворота от времени зависит линейно $\varphi = \omega t$. При $t = \tau$ угол $\varphi = \varphi_0$, откуда $\varphi_0 = \frac{|q|B}{m} \tau = \frac{|q|B}{m} \cdot \frac{v_0}{\mu g}$. За первую половину времени движения угол поворота составит $\varphi' = \varphi_0/2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{|q|B}{m} \cdot \frac{v_0}{\mu g}$.

$$\text{Начальное ускорение } a_0 = \sqrt{a_\tau^2 + a_n^2} = \sqrt{(\mu g)^2 + \left(\frac{|q|Bv_0}{m}\right)^2}.$$

Ответы

а) $v = v_0 - \mu g t$;

б) $\tau = \frac{v_0}{\mu g}$;

в) $S = \frac{v_0^2}{2\mu g}$;

г) $v' = \sqrt{\frac{2}{3}} v_0$;

д) $\omega_0 = \frac{|q|B}{m}$;

е) $a_0 = \sqrt{(\mu g)^2 + \left(\frac{|q|Bv_0}{m}\right)^2}$;

ж) $\omega = \frac{|q|B}{m}$;

з) $\varphi_0 = \frac{|q|v_0 B}{\mu m g}$;

и) $\varphi' = \frac{|q|v_0 B}{2\mu m g}$;

к) $A_M = 0$;

л) $Q = \frac{mv_0^2}{2}$.

Критерии оценивания

№	Критерий	Балл
1	Записано соотношение $F_M = q vB$ или эквивалентное	0,5
2	Записано соотношение $F_{\text{тр}} = \mu N$ или эквивалентное	0,5
3	Записано соотношение $0 = N - mg$ или эквивалентное	0,5
4	Записано соотношение $ma_\tau = -F_{\text{тр}}$ или эквивалентное	0,5
5	Записано соотношение $ma_n = F_M$ или эквивалентное	0,5
6	Записано соотношение $a_n = \omega v$ или эквивалентное	0,5
7	Получен аргументированный ответ на вопрос а) в виде $v = v_0 - \mu g t$	0,5
8	Получен аргументированный ответ на вопрос б) в виде $\tau = \frac{v_0}{\mu g}$	0,5
9	Получен аргументированный ответ на вопрос в) в виде $S = \frac{v_0^2}{2\mu g}$	0,5
10	Получен аргументированный ответ на вопрос г) в виде	1

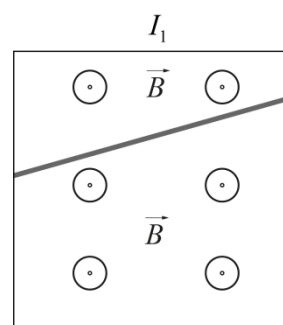
Всероссийская олимпиада школьников по физике
Муниципальный этап. 29.11.2024 г.
11 класс

	$v' = \sqrt{\frac{2}{3}} v_0$	
11	Получен аргументированный ответ на вопрос д) в виде $\omega_0 = \frac{ q B}{m}$	0,5
12	Получен аргументированный ответ на вопрос е) в виде $a_0 = \sqrt{(\mu g)^2 + \left(\frac{ q Bv_0}{m}\right)^2}$	0,5
13	Получен аргументированный ответ на вопрос ж) в виде $\omega = \frac{ q B}{m}$	1
14	Получен аргументированный ответ на вопрос з) в виде $\varphi_0 = \frac{ q v_0 B}{\mu m g}$	0,5
15	Получен аргументированный ответ на вопрос и) в виде $\varphi' = \frac{ q v_0 B}{2\mu m g}$	0,5
16	Получен аргументированный ответ на вопрос к) в виде $A_M = 0$	0,5
17	Получен аргументированный ответ на вопрос л) в виде $Q = \frac{mv_0^2}{2}$	0,5
	max	10,0

Примечание для жюри

Полностью правильное решение, полученное неавторским методом, оценивается полным баллом. Недопустимо снижать оценку за «неправильное» оформление или неаккуратные записи.

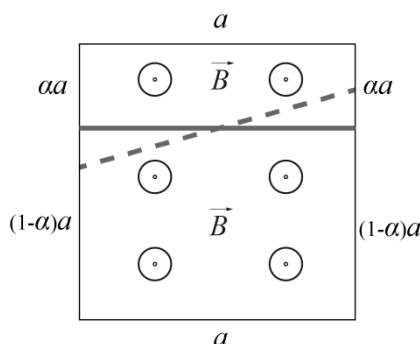
5. **Случайная перемычка (Кутелев К.).** Квадратная рамка сделана из однородного проводника с конечным сопротивлением. Две её противоположные стороны соединили перемычкой с пренебрежимо малым сопротивлением (см. рисунок). Полученные таким образом контуры поместили в однородное переменное магнитное поле. В некоторый момент времени в верхней ветке наблюдалась сила тока $I_1 = 7$ мА. При этом максимальная сила тока в системе в этот момент времени была $I_{\max} = 10$ мА. Определите:



- 1) Силу тока в перемычке в этот момент времени I_{Π} ;
- 2) отношение величин ЭДС индукции в верхнем и нижнем контурах.

Возможное решение.

- 1) ЭДС индукции в контурах пропорционально их площади, так как поле однородное.
- 2) Сопротивление контуров пропорционально части периметра рамки входящей в соответствующий контур.
- 3) Направление тока (по/против часовой стрелки) везде в рамке одинаковое, а значит ток в перемычке равен разности токов верхней и нижней части рамки, и не может быть максимальным током в системе.
- 4) Значит $I_2 = I_{\max} = 10$ мА, $I_{\Pi} = 3$ мА.
- 5) Заметим, что если развернуть перемычку так, как показано на рисунке, площади контуров не изменятся (а значит и ЭДС). Так же останутся теми же части периметра рамки входящие в соответствующий контур (а значит и сопротивление контуров, так как у перемычки сопротивления нет).



б) Обозначим за a длину стороны рамки, а за α - часть стороны квадрата, оставшуюся в первом контуре. Тогда

$$\frac{\varepsilon_1}{\varepsilon_2} = \frac{\alpha}{1-\alpha}$$

$$\frac{I_1}{I_2} = \frac{\varepsilon_1 R_2}{\varepsilon_2 R_1} = \frac{\alpha}{1-\alpha} \frac{3-2\alpha}{2\alpha+1} = \frac{7}{10}$$

$$6\alpha^2 - 23\alpha + 7 = 0$$

$$\alpha_1 = 3.5$$

$$\alpha_2 = \frac{1}{3}$$

Так как $\alpha < 1$, то подходит только $1/3$. Отношение ЭДС тогда $\frac{\varepsilon_1}{\varepsilon_2} = \frac{\alpha}{1-\alpha} = \frac{1}{2}$

№	Критерий	Балл
1	Записан закон электромагнитной индукции	1
2	Записано выражение для сопротивления контура, включающее его длину	1
3	$I_2 = I_{\max} = 10$ мА	1
4	$I_{\Pi} = 3$ мА	1

Всероссийская олимпиада школьников по физике
Муниципальный этап. 29.11.2024 г.
11 класс

5	Записан закон Ома или правила Кирхгофа	1
6	Получено выражение связывающее соотношение токов с положением перемычки	3
7	Найдено отношение площадей контуров и, соответственно, отношение ЭДС индукции	2
	max	10,0

Примечание для жюри

Полностью правильное решение, полученное неавторским методом, оценивается полным баллом. Недопустимо снижать оценку за «неправильное» оформление или неаккуратные записи.