

1Найдите корень уравнения $(x + 4)^3 = -125$.

885E9A

$$(x + 4)^3 = (-5)^3$$

Источники:

FIPR (старый банк)
 FIPR (новый банк)
 Основная волна 2021
 Досрочная волна 2018
 Основная волна 2017

$$x + 4 = -5$$

$$x = -5 - 4 = -9$$

Ответ: - 9**2**

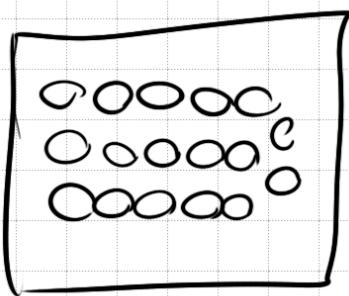
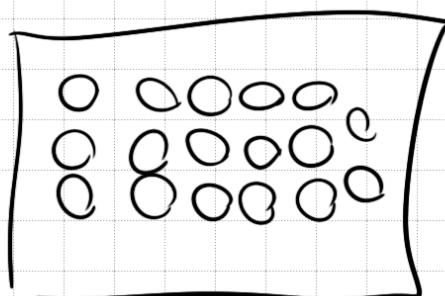
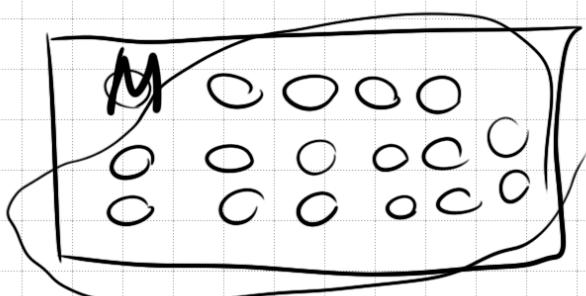
В параллели 51 учащийся, среди них два друга — Михаил и Сергей. Учащихся случайным образом разбивают на 3 равные группы. Найдите вероятность того, что Михаил и Сергей окажутся в одной группе.



0BeAD1

Источники:

FIPR (старый банк)
 Пробный ЕГЭ 2018

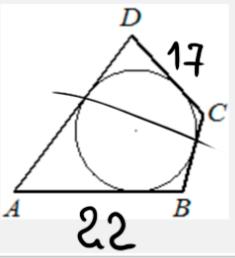


$$P = \frac{16 \cdot 2}{50 \cdot 2} = \frac{32}{100} = 0,32$$

Ответ: 0,32

3

В четырёхугольник $ABCD$ вписана окружность, $AB = 22$, $CD = 17$. Найдите периметр четырёхугольника $ABCD$.



CB8C97



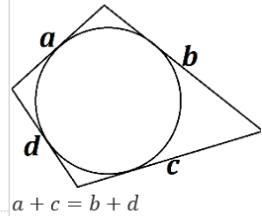
$$P = 39 + 39 = 78$$

Источники:

FIP (старый банк)

FIP (новый банк)

Основная волна 2019

ПРИЗНАК ОПИСАННОГО 4-КА**Ответ:** 78**4**

Найдите значение выражения

$$0,8^{\frac{1}{7}} \cdot 5^{\frac{2}{7}} \cdot 20^{\frac{6}{7}}.$$

Источники:

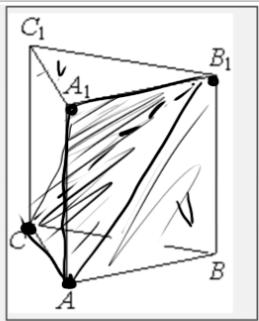
Досрочная волна 2016

$$\frac{4^{\frac{1}{7}} \cdot 5^{\frac{2}{7}} \cdot 4^{\frac{6}{7}} \cdot 5^{\frac{6}{7}}}{5^{\frac{1}{7}}} = 4^1 \cdot 5^1 = 20$$

Ответ: 20

5

Найдите объём многогранника, вершинами которого являются вершины A, C, A_1, B_1 правильной треугольной призмы $ABC A_1 B_1 C_1$. Площадь основания призмы равна 9, а боковое ребро равно 4.



D4DB81

$$\textcircled{1} \quad V_{\text{всей призмы}} = 9 \cdot 4 = 36$$

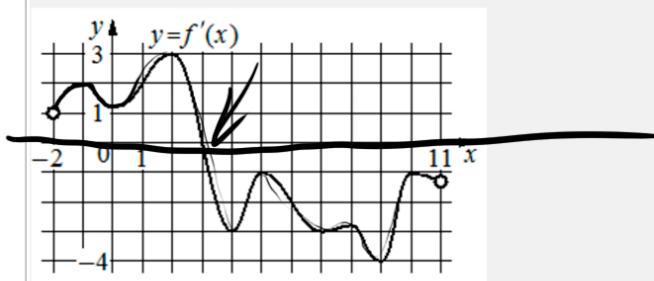
$$\textcircled{2} \quad V_{\text{БАВС}} = \frac{1}{3} \cdot 9 \cdot 4 = 12$$

$$\textcircled{3} \quad V_{C_1 A_1 B_1 C} = 12$$

$$\textcircled{4} \quad V_{\text{нек.}} = 36 - 12 - 12 = 12$$

ОТВЕТ:**ИСТОЧНИКИ:**FIPR (старый банк)
FIPR (новый банк)**6**

На рисунке изображён график $y = f'(x)$ — производной функции $f(x)$, определённой на интервале $(-2; 11)$. Найдите абсциссу точки, в которой касательная к графику функции $y = f(x)$ параллельна оси абсцисс $y = 0$ или совпадает с ней.



7C42F8

$$\textcircled{1} \quad K_{y=0} = 0$$

$$\textcircled{2} \quad K_{\text{кас}} = 0 \\ f'(x_0) = 0 \\ \text{Решим графически}$$

ОТВЕТ: 3**ИСТОЧНИКИ:**FIPR (старый банк)
FIPR (новый банк)
Основная волна 2016

7

Введите ответ в поле ввода

Установка для демонстрации адиабатического сжатия представляет собой сосуд с поршнем, резко сжимающим газ. При этом объём и давление связаны соотношением $p_1 V_1^{1,4} = p_2 V_2^{1,4}$, где p_1 и p_2 — давление газа (в атмосферах) в начальном и конечном состояниях, V_1 и V_2 — объём газа (в литрах) в начальном и конечном состояниях. Изначально объём газа равен 316,8 л, а давление газа равно одной атмосфере. До какого объёма нужно сжать газ, чтобы давление в сосуде стало 128 атмосфер? Ответ дайте в литрах.

Введите ответ

i Номер: 4606 ★ Статус задания: НЕ РЕШЕНО

ОТВЕТИТЬ

$$1 \cdot 316,8^{1,4} = 128 \cdot \sqrt[1,4]{V_2}$$

$$\sqrt[1,4]{V_2} = \frac{316,8^{1,4}}{128}$$

$$\sqrt[1,4]{V_2} = \frac{316,8^{1,4}}{128} |^{\wedge 5}$$

$$\sqrt[7]{V_2} = \frac{316,8}{2^{35}} |^{\wedge \frac{1}{7}}$$

$$\sqrt[7]{V_2} = \frac{316,8}{2^{35}}$$

$$\frac{316,8}{32} = 9,9$$

Ответ: 9,9

Источники:

FIP (старый банк)
FIP (новый банк)
Досрочная волна 2019

8

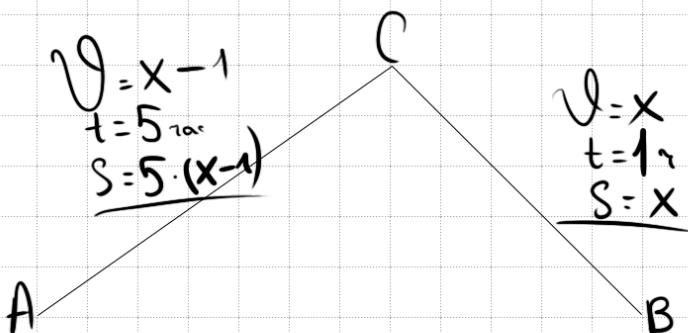
Введите ответ в поле ввода

Дорога между пунктами А и В состоит из подъёма и спуска, а её длина равна 25 км. Путь из А в В занял у туриста 6 часов, из которых 1 час ушёл на спуск. Найдите скорость туриста на спуске, если она больше скорости на подъёме на 1 км/ч. Ответ дайте в км/ч.

Введите ответ

i Номер: 4483 ★ Статус задания: НЕ РЕШЕНО

ОТВЕТИТЬ



$$5x - 5 + x = 25$$

$$6x = 30$$

$$x = 5$$

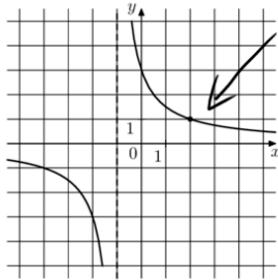
Ответ: 15

Источники:

FIP (новый банк)
Досрочная волна 2014
Пробный ЕГЭ 2014

9

На рисунке изображён график функции вида $f(x) = \frac{k}{x+a}$. Найдите значение x , при котором $f(x) = 0,2$.

**ИСТОЧНИКИ:**

Mathege

СДВИГ ВЛЕВО

$$y = \frac{1}{x+1}$$

СДВИГ ВПРАВО

$$y = \frac{1}{x-2}$$

① $a = +1$
 $y = \frac{k}{x+1}$

② $(2; 1)$
 $1 = \frac{k}{2+1}$

③ $0,2 = \frac{3}{x+1}$

$$x+1 = 15$$

ОТВЕТ: 14**10**

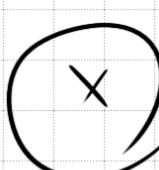
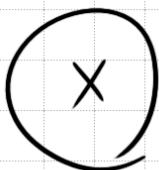
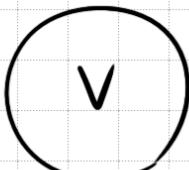
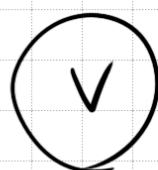
Биатлонист 4 раза стреляет по мишениям. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле равна 0,7. Найдите вероятность того, что биатлонист первые 2 раза попал в мишени, а последние два промахнулся. Результат округлите до сотых.

ИСТОЧНИКИ:

Только МАТНЕГЕ

$$P(\text{нападёт}) = 0,7$$

$$P(\text{промахнёт}) = 0,3$$



$$0,7 \cdot 0,7 \cdot 0,3 \cdot 0,3 = 0,0441 \approx 0,04$$

ОТВЕТ: 0,04

11

Найдите точку минимума функции $y = (x^2 - 11x + 11) \cdot e^{x+13}$.



D03887

ИСТОЧНИКИ:

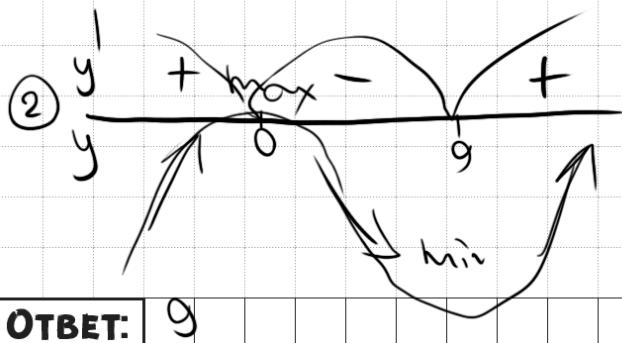
ФИР (старый банк)
ПРОИЗВОДНЫЕ

$$\textcircled{1} \quad y' = (2x - 11) \cdot e^{x+13} + (x^2 - 11x + 11) \cdot e^{x+13} = 0$$

$$Q^{x+13} \cdot (2x - 11 + x^2 - 11x + 11) = 0$$

$$Q^{x+13} = 0 \quad x^2 - 9x = 0$$

$$x \cdot (x - 9) = 0 \quad x = 0 \quad x = 9$$

**Ответ:** 9

$C' = 0$
$x' = 1$
$(Cx)' = C$
$(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$
$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$
$(U \cdot V)' = U'V + UV'$
$\left(\frac{U}{V}\right)' = \frac{U'V - UV'}{V^2}$
$(U(V))' = (U(V))' \cdot V'$
$(\sin x)' = \cos x$
$(\cos x)' = -\sin x$
$(\tg x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$
$(\ctg x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$
$(e^x)' = e^x$
$(a^x)' = a^x \cdot \ln a$
$(\ln x)' = \frac{1}{x}$
$(\log_a b)' = \frac{1}{b \cdot \ln a}$

12

а) Решите уравнение

$$8^x - 9 \cdot 2^{x+1} + 2^{5-x} = 0.$$

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $[\log_5 2; \log_5 20]$.

$$\text{а)} \quad 8^x - 9 \cdot 2^x \cdot 2 + \frac{2^5}{2^x} = 0$$

$$\underline{\underline{16^x - 18 \cdot 4^x + 32}} = 0$$

$$16^x - 18 \cdot 4^x + 32 = 0$$

Пусть $4^x = t$

$$t^2 - 18t + 32 = 0$$

$$t = 16$$

$$4^x = 4^2$$

$$x = 2$$

$$t = 2$$

$$4^x = 2$$

$$x = \frac{1}{2}$$

Ответ:

$$\text{а) } 2; \frac{1}{2}$$

$$\text{б) } \frac{1}{2}$$

ИСТОЧНИКИ:

ФИР (старый банк)
ФИР (новый банк)
Досрочная волна 2017

б) $2 = \log_5 25$

$$\frac{1}{2} = \log_5 \sqrt{5}$$

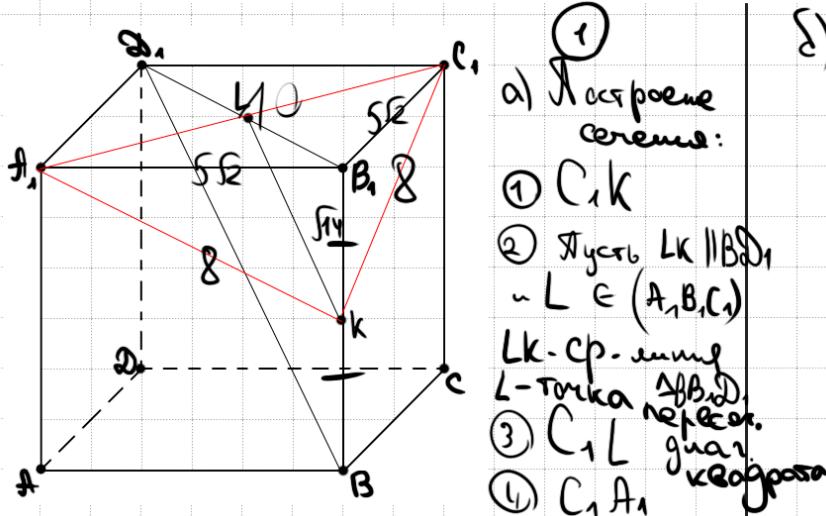
$$\Rightarrow \log_5 \sqrt{5} = \frac{1}{2} \in [\log_5 2; \log_5 20]$$

$$\log_5 25 = 2 \notin [\log_5 2; \log_5 20]$$

13

Основанием прямой четырёхугольной призмы $ABCDA_1B_1C_1D_1$ является квадрат $ABCD$ со стороной $5\sqrt{2}$, высота призмы равна $2\sqrt{14}$. Точка K – середина ребра BB_1 . Через точки K и C_1 проведена плоскость α параллельная прямой BD_1 .

- а) Докажите, что сечение призмы плоскостью α является равнобедренным треугольником.
 б) Найдите периметр треугольника, являющегося сечением призмы плоскостью α .



$$\delta) A_1K = C_1K = \sqrt{(5\sqrt{2})^2 + (\sqrt{14})^2} = 8 \\ A_1C_1 = \sqrt{(5\sqrt{2})^2 + (5\sqrt{2})^2} = 10$$

$$P = 10 + 8 + 8 = 26$$

- 1) C_1K
 2) Пусть $LK \parallel BD_1$
 - $L \in (A_1B_1C_1)$
 LK -ср. линия
 L -точка ΔB_1D_1
 3) C_1L доказ.
- 4) C_1A_1 квадрата
 5) A_1K
- A_1C_1K -сечение

2) $\Delta A_1B_1K = \Delta C_1B_1K$ по СУС
 $(\frac{A_1B_1}{B_1K} = \frac{B_1C_1}{C_1K} \text{однал } 90^\circ)$ $\Rightarrow A_1K = C_1K$ ■

ОТВЕТ: 26

14

Решите неравенство $\frac{\log_4(16x^4) + 11}{\log_4^2 x - 9} \geq -1$.

$$\frac{\log_4 16 + \log_4 x^4 + 11}{\log_4^2 x - 9} + \frac{1}{1} \geq 0$$

$$\frac{\log_4^2 x + 4 \log_4 x + 4}{\log_4^2 x - 9} \geq 0$$

Пусть $\log_4 x = t$

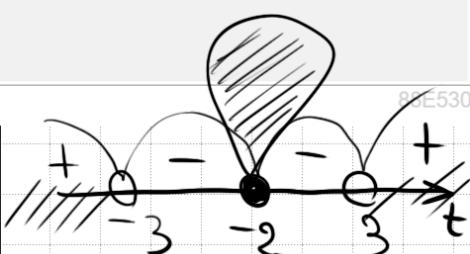
$$\frac{t^2 + ut + 4}{t^2 - 9} \geq 0$$

$$\frac{(t+2)^2}{(t-3)(t+3)} \geq 0$$

ОТВЕТ: $(0; \frac{1}{64}) \cup \left\{ \frac{1}{16} \right\} \cup (64, +\infty)$

ИСТОЧНИКИ:

Досрочная волна (Резерв) 2015



$$\begin{cases} t < -3 \\ t = -2 \\ t > 3 \end{cases}$$

$$\log_4 x < -3 \quad \log_4 x = -2 \quad \log_4 x > 3 \\ \log_4 x < \log_4 \frac{1}{64} \quad \log_4 x = \log_4 \frac{1}{16} \quad \log_4 x > \log_4 64 \\ 0 < x < \frac{1}{64} \quad x = \frac{1}{16} \quad x > 64$$

В июле планируется взять кредит в банке на сумму 5 млн рублей на некоторый срок (целое число лет). Условия его возврата таковы:

- каждый январь долг возрастает на 20% по сравнению с концом предыдущего года;
- с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить часть долга;
- в июле каждого года долг должен быть на одну и ту же сумму меньше долга на июль предыдущего года.

На сколько лет планируется взять кредит, если известно, что общая сумма выплат после его полного погашения составит 7,5 млн рублей?

Пусть n — количество месяцев

7A1CB0

Источники:	
FIFI (старый банк)	
FIFI (новый банк)	
Досрочная волна 2020	
Основная волна 2019	
Основная волна 2017	
Основная волна 2015	
Яценко 2020 (36 вар)	
Яценко 2019 (36 вар)	
Яценко 2018	

Дата Сумма долга

1	5
2	$1,2 \cdot 5 = 6$
3	$5 - \frac{5}{n}$
4	$1,2 \cdot (5 - \frac{5}{n}) = 6 - \frac{6}{n}$
5	$5 - \frac{10}{n}$
6	$6 - \frac{12}{n}$
7	$5 - \frac{15}{n}$

Ответ: 4

$$\begin{aligned} & \frac{5}{n} \\ & \frac{6}{n} \\ & \Rightarrow \text{с.в.} \end{aligned}$$

Быть может ср. арифм
прогр.

Воспользоваться Р-105

$$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$$

$$\text{O.C.B.} = 7,5$$

$$\frac{1 + \frac{5}{n} + \frac{6}{n}}{2} \cdot n = 7,5 \quad | \cdot 2$$

$$(1 + \frac{11}{n}) \cdot n = 15$$

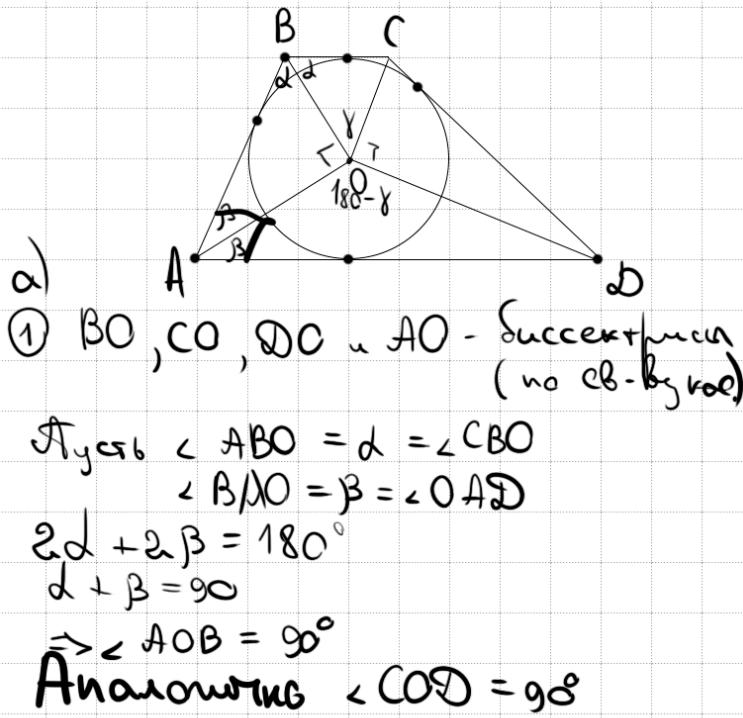
$$\frac{n+11}{n} = 15$$

16

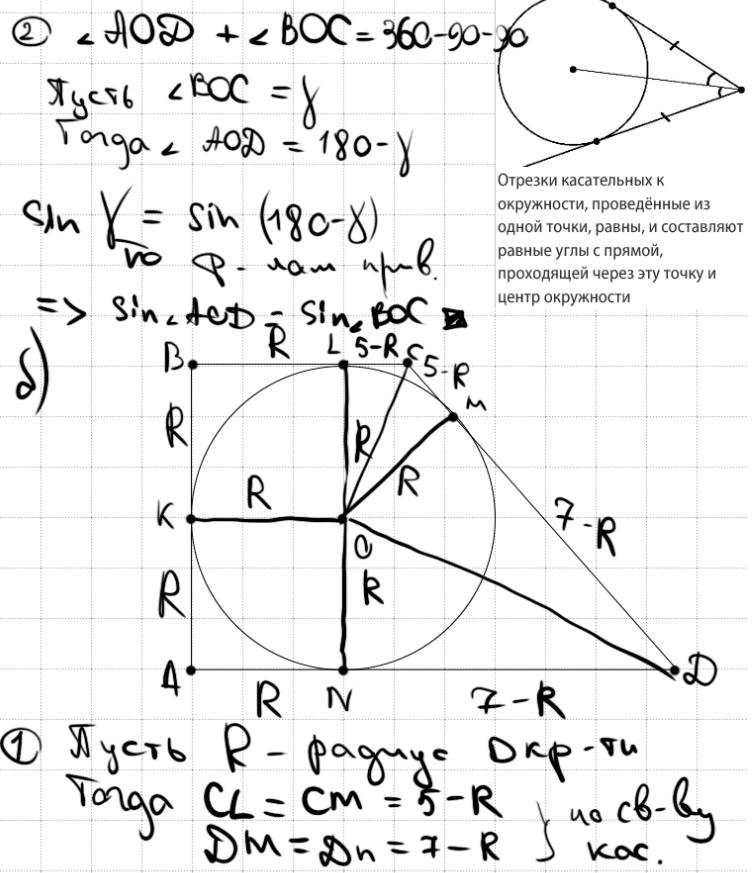
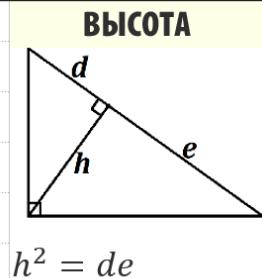
В трапецию $ABCD$ с основаниями AD и BC вписана окружность с центром O .

а) Докажите, что $\sin \angle AOD = \sin \angle BOC$.

б) Найдите площадь трапеции, если $\angle BAD = 90^\circ$, а основания равны 5 и 7.



ОТВЕТ: 35



② $\triangle COD$: прямоугл.

$$OM^2 = CM \cdot DM$$

$$R^2 = (5 - R)(7 - R)$$

$$R^2 = 35 - 12R + R^2$$

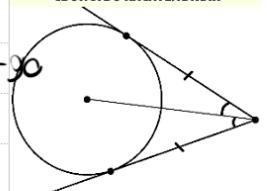
$$R = \frac{35}{12}$$

③ $S = \frac{5+7}{2} \cdot \frac{35}{6} = 35$

ИСТОЧНИКИ:

Основная волна (Резерв) 2017
Основная волна 2015

СВОЙСТВО КАСАТЕЛЬНЫХ



Отрезки касательных к окружности, проведенные из одной точки, равны, и составляют равные углы с прямой, проходящей через эту точку и центр окружности

17

Найдите все значения a , при каждом из которых система уравнений

$$\begin{cases} 2^{\ln y} = 4^{|x|}, \\ \log_2(x^4y^2 + 2a^2) = \log_2(1 - ax^2y^2) + 1 \end{cases}$$

имеет единственное решение.

Заметим, что если $(x; y)$ — решение системы, то $(-x; y)$ — также.

\Rightarrow Единственное решение может быть только такое, если $x=0$.

$$\begin{cases} \text{если } x=0, \text{ то} \\ 2^{\ln y} = 4^0 \\ 2^{\ln y} = 1^0 \\ \ln y = 0 \\ y = 1 \end{cases}$$

$(0; 1)$ — решение первого уравнения

ОТВЕТ: 1

Проверка $\alpha = 1$

$$\log_2(x^4y^2 + 2) = \log_2(1 + x^2y^2) + 1$$

$$(x^4 \cdot y^2 + 2) = 2 + 2x^2y^2$$

$$x^2 \cdot y^2 \cdot (x^2 - 2) = 0$$

$$x = \sqrt{2} \quad y = \sim$$

$$x = -\sqrt{2} \quad y = \sim$$

$$x = 0 \quad y = \sim$$

3 решения

$$\begin{cases} \text{если } x=0 \\ y=1, \text{ то} \\ \log_2 2a^2 = \log_2 1 + 1 \\ \log_2 2a^2 = \log_2 2 \\ 2a^2 = 2 \\ a^2 = 1 \\ a = \pm 1 \end{cases}$$

Проверка $\alpha = 1$

$$\textcircled{1} \quad 2^{\ln y} = 4^{|x|}$$

$$\textcircled{2} \quad \log_2(x^4y^2 + 2) = \log_2(1 - x^2y^2) + 1$$

$$\log_2(x^4y^2 + 2) = \log_2(2 - 2x^2y^2)$$

$$x^4 \cdot y^2 + 2 = 2 - 2x^2y^2$$

$$x^4y^2 + 2x^2y^2 = 0$$

$$x^2y^2 \cdot (x^2 + 2) = 0$$

$$x^2 \cdot y^2 = 0$$

$$x = 0$$

Поставим $x=0$ в пр. ①

$$2^{\ln y} = 4^0$$

$$\Rightarrow \text{если } \alpha = 1$$

 $(0; 1)$ — единств.
реш. с. и. в.

18

На доске написано 35 различных натуральных чисел, каждое из которых либо чётное, либо его десятичная запись оканчивается на цифру 3. Сумма написанных чисел равна 1062.

ИСТОЧНИКИ:

FIP (старый банк)
FIP (новый банк)
Ященко 2021 (36 вар)
Ященко 2020 (36 вар)
Ященко 2019 (36 вар)
Основная волна 2017

- Может ли на доске быть ровно 27 чётных чисел?
- Могут ли ровно два числа на доске оканчиваться на 3?
- Какое наименьшее количество чисел, оканчивающихся на 3, может быть на доске?

a) $3 \quad 13 \quad 23 \quad 33 \quad 43 \quad 53 \quad 63 \quad 73$

$$\underbrace{3+73}_{2} \cdot 8 = 304$$

Осталось подобрать 27 чётных чисел
с количеством 27 чётных чисел

$$2 \quad 4 \quad 6 \quad 8 \quad \frac{52}{26}$$

$$\underbrace{2+52}_{2} \cdot 26 = 702$$

\Rightarrow Последнее число это 56
 \Rightarrow Ответ: а) да

- ОТВЕТ:
a) Да
б) нет
в) 6

б) Тогда будет 33 чётных числа

33 чётных числа + ... 3 + ... 3

$$S_{\min} = \frac{2+66}{2} \cdot 33 + 3 + 13 =$$

$$= 1122 + 16 = 1138$$

$$1138 > 1062$$

\Rightarrow б) нет

в) Если таких чисел < 3, то
будет превышение суммы 1062

Если чисел 3, то

32 чётных + ... 3 + ... 3 + ... 3

\Rightarrow Такая сумма будет
некоторой
, а не 1062

Если чисел 4

$$S_{\min} = 31 \text{ чётное} + 3 + 13 + 23 + 33$$

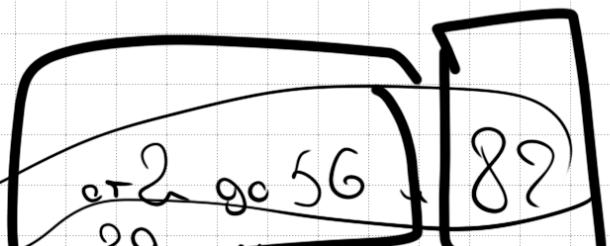
$$\frac{2+62}{2} \cdot 31 + 72 = 1084 \text{ Неверно}$$

Если чисел 5, то тут же нет.

Если чисел 6, то

$$3 \quad 13 \quad 23 \quad 33 \quad 43 \quad 53$$

$\underbrace{3+13+23+33+43+53}_{168}$



$$\frac{2+56}{2} \cdot 28 = 812 + 82$$