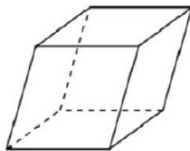


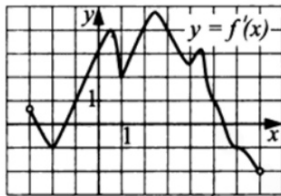


5. Гранью параллелепипеда является ромб со стороной 1 и острым углом  $45^\circ$ . Одно из рёбер параллелепипеда составляет с плоскостью этой грани угол  $45^\circ$  и равно 7. Найдите объём параллелепипеда.



Ответ: \_\_\_\_\_.

6. Функция  $y = f(x)$  определена на промежутке  $(-3; 7)$ . На рисунке изображён график её производной  $y = f'(x)$ . Найдите число касательных к графику функции  $y = f(x)$ , которые наклонены под углом  $150^\circ$  к положительному направлению оси абсцисс.



Ответ: \_\_\_\_\_.

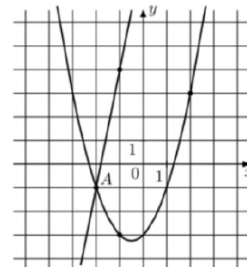
7. Автомобиль, масса которого равна  $m = 2160$  кг, начинает двигаться с ускорением, которое в течение  $t$  секунд остается неизменным, и проходит за это время путь  $S = 500$  метров. Значение силы (в ньютонах), приложенной в это время к автомобилю, равно  $F = \frac{2mS}{t^2}$ . Определите наибольшее время после начала движения автомобиля, за которое он пройдет указанный путь, если известно, что сила  $F$ , приложенная к автомобилю, не меньше 2400 Н. Ответ выразите в секундах.

Ответ: \_\_\_\_\_.

8. Два станка одновременно начали штамповать детали с производительностью 70 деталей в минуту каждый. Через час пустили в работу третий станок. В этот момент первый станок снизил свою производительность на 10 деталей в минуту. Через некоторое время на третьем станке было сделано столько деталей, сколько было к этому моменту на первом, а еще через 3,5 часа он сравнялся по числу сделанных деталей со вторым. Найти производительность работы третьего станка (в деталях в минуту).

Ответ: \_\_\_\_\_.

9. На рисунке изображены графики функций  $f(x) = 5x + 9$  и  $g(x) = ax^2 + bx + c$ , которые пересекаются в точках А и В. Найдите абсциссу точки В.



Ответ: \_\_\_\_\_.

10. Маша коллекционирует принцесс из Киндер-сюрпризов. Всего в коллекции 10 разных принцесс, и они равномерно распределены, то есть в каждом очередном Киндер-сюрпризе может с равными вероятностями оказаться любая из 10 принцесс. У Маши уже есть две разные принцессы из коллекции. Какова вероятность того, что для получения следующей принцессы Маше придётся купить ещё 2 или 3 шоколадных яйца?

Ответ: \_\_\_\_\_.

11. Найдите наименьшее значение функции  $y = 6x - 3 \sin x - 5\pi$  на отрезке

$$\left[ \frac{5\pi}{6}; \frac{3\pi}{2} \right].$$

Ответ: \_\_\_\_\_.

*Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.*

*Проверьте, чтобы каждый ответ был записан в строке с номером соответствующего задания*

## Часть 2

Для записи решений и ответов на задания 12–18 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ №2. Запишите сначала номер выполняемого задания (12, 13 и т.д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

12. а) Решите уравнение  $\frac{\cos x - 1}{\cos x} + 2\operatorname{ctg}x \cdot \sin x = 0$

б) Найдите все корни уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[-\frac{5\pi}{2}; -\frac{\pi}{2}\right]$

13. В основании прямой призмы  $KBCDK_1B_1C_1D_1$  лежит ромб  $KBCD$  со стороной, равной 4 и углом  $DKB$ , равным  $60^\circ$ . Точки  $E$  и  $F$  являются соответственно серединами сторон  $KD$  и  $KB$  нижнего основания призмы. Прямые  $B_1E$  и  $D_1F$  пересекаются в точке  $O$  так, что угол  $B_1OD_1$  равен  $90^\circ$ .

А) Докажите, что угол между плоскостями  $DD_1F$  и  $BB_1E$  равен  $60^\circ$

Б) Найдите объем пирамиды  $EFK_1C_1$

14. Решите неравенство:

$$\log_5 \left( \frac{81^{x^2} - 2 \cdot 3^{2x^2} + 4}{4 \cdot 2^{2x^2} - 2^{2+x^2} + 4} \right) + 3^{-\log_3(2 \cdot 2^{x^2} - 1)} > 2^{-\log_2(3^{2x^2} - 1)}$$

15. 15 января планируется взять кредит в банке на сумму 3,6 млн рублей на 36 месяцев. Условия его возврата таковы:

- 1-го числа каждого месяца долг возрастает на 1% по сравнению с концом предыдущего месяца;

- со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;

- 15-го числа каждого месяца долг должен быть на одну и ту же величину меньше долга на 15-е число предыдущего месяца.

На сколько тысяч рублей увеличится сумма всех выплат, если взять кредит с такими же условиями на 72 месяца?

16. В треугольнике  $ABC$  проведены  $BK$  - медиана,  $BE$  - биссектриса,  $AD$  - высота, известно, что прямые  $BK$  и  $BE$  делят отрезок  $AD$  на три равные части.

А) Докажите, что треугольник  $ABC$  - тупоугольный

Б) Найдите длину стороны  $AC$ , если  $AB=4$

17. Найдите все значения параметра  $a$ , при каждом из которых уравнение

$$\pi \cdot \cos(\pi^{2x-x^2}) = a - \sqrt{3} \cdot \pi \cdot \sin(\pi^{2x-x^2})$$

имеет ровно одно решение.

18.  $S_n$  - сумма первых  $n$  членов непостоянной бесконечной арифметической прогрессии  $a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$ , состоящей из натуральных чисел ( $S_1 = a_1$ )

А) Существует ли такая арифметическая прогрессия указанного вида, что  $S_6 = 1980$ ?

Б) Существует ли такая арифметическая прогрессия указанного вида, что для некоторого натурального числа  $n$  имеют место равенства  $S_n = 350$  и  $S_{n+2} = 625$ ?

В) Сколько существует таких натуральных чисел  $n$ , для каждого из которых существует такая арифметическая прогрессия указанного вида, что имеет место равенство  $S_n = 625$ ?

Проверьте, чтобы каждый ответ был записан рядом с номером соответствующего задания.