

ГЕОМЕТРИЯ

- Сумма углов выпуклого n -угольника равна $180^\circ(n - 2)$.
- Радиус r окружности, вписанной в правильный треугольник со стороной a , равен $\frac{\sqrt{3}}{6}a$.
- Радиус R окружности, описанной около правильного треугольника со стороной a , равен $\frac{\sqrt{3}}{3}a$.
- Для треугольника ABC со сторонами $AB = c$, $AC = b$, $BC = a$:

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R,$$

где R — радиус описанной окружности.

- Для треугольника ABC со сторонами $AB = c$, $AC = b$, $BC = a$:

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C.$$

- Формула длины l окружности радиусом R :

$$l = 2\pi R.$$

- Формула длины l дуги окружности радиусом R , на которую опирается центральный угол в φ градусов:

$$l = \frac{2\pi R \varphi}{360}.$$

- Формула площади S параллелограмма со стороной a и высотой h , проведённой к этой стороне:

$$S = ah.$$

- Формула площади S треугольника со стороной a и высотой h , проведённой к этой стороне:

$$S = \frac{1}{2}ah.$$

- Формула площади S трапеции с основаниями a , b и высотой h :

$$S = \frac{a+b}{2}h.$$

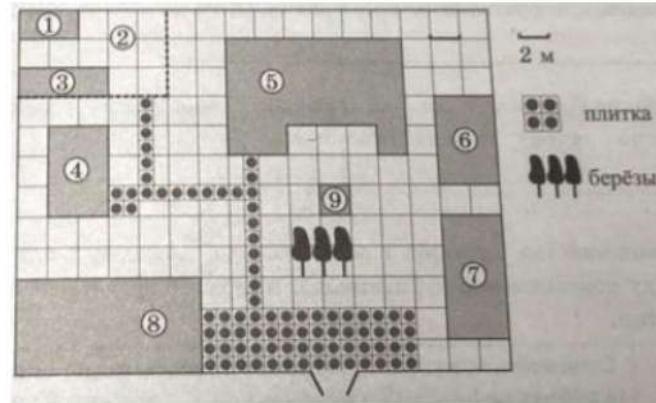
- Формула площади S круга радиусом R :

$$S = \pi R^2.$$

Часть 1

Ответами к заданиям 1–20 являются число или последовательность цифр, которые следует записать в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Если ответом является последовательность цифр, то запишите её без пробелов, запятых и других дополнительных символов. Каждый символ пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами.

Прочитайте внимательно текст и выполните задания 1–5



На плане изображено домохозяйство, находящееся по адресу: с. Малые Всегодичи, д. 26. Сторона каждой клетки на плане равна 2 м. Участок имеет форму прямоугольника. Выезд и въезд осуществляются через единственные ворота.

При входе на участок справа от ворот находится коровник, а слева – курятник. Площадь, занятая курятником, равна 72 кв. м. Рядом с курятником расположен пруд площадью 24 кв. м.

Жилой дом расположен в глубине территории. Перед домом имеется фонтан, а между фонтаном и воротами – небольшая берёзовая рощица. Между жилым домом и коровником построена баня. За домом находится огород (его границы отмечены на плане пунктирной линией), на котором есть теплица, а также (в самом углу огорода, и всего дома хозяйства) – компостная яма. Все дорожки внутри участка имеют ширину 1 м и вымощены тротуарной плиткой размером 1 м × 1 м. Между коровником и курятником имеется площадка площадью 56 кв. м, вымощенная такой же плиткой.

- 1** Сопоставьте объекты, указанные в таблице, с цифрами, которыми эти объекты обозначены на плане. Заполните таблицу, а в бланк ответов перенесите последовательность из пяти цифр.

Объекты	огород	жилой дом	коровник	теплица	курятник
Цифры					

- 2** Тротуарная плитка продаётся в упаковках по 10 штук. Сколько упаковок понадобилось купить владельцам дома для того, чтобы выложить все дорожки и площадку между коровником и курятником?

Ответ: _____.

- 3** Найдите площадь, которую суммарно занимают теплица и компостная яма. Ответ дайте в квадратных метрах.

Ответ: _____.

- 4** Найдите расстояние от бани до пруда (расстояние между двумя ближайшими точками объектов по прямой). Ответ дайте в метрах.

Ответ: _____.

- 5** Владельцы дома для обновления тротуарной плитки планируют обновить всю тротуарную плитку (и дорожки, и площадку между коровником и курятником). В таблице представлены условия трёх поставщиков плитки.

Поставщик	Стоимость плитки (в рублях за 1 кв. м)	Доставка (в рублях)	Работы по демонтажу старой плитки и по укладке новой (в рублях)
1	600	3500	10 000
2	610	3300	11 000
3	590	2700	9000

Во сколько рублей обойдётся владельцам самый выгодный вариант?

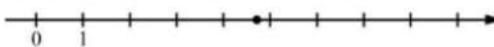
Ответ: _____.

- 6** Найдите значение выражения

$$\frac{4,4 \cdot 0,6}{6,6}.$$

Ответ: _____.

- 7** Одно из чисел $\frac{33}{7}, \frac{37}{7}, \frac{41}{7}, \frac{43}{7}$ отмечено на прямой точкой.



Какое это число?

- 1) $\frac{33}{7}$
 2) $\frac{37}{7}$
 3) $\frac{41}{7}$
 4) $\frac{43}{7}$

Ответ:

- 8** Найдите значение выражения

$$b^8 : b^5 \cdot b^7$$

при $b = 2$.

Ответ: _____.

- 9** Найдите корень уравнения

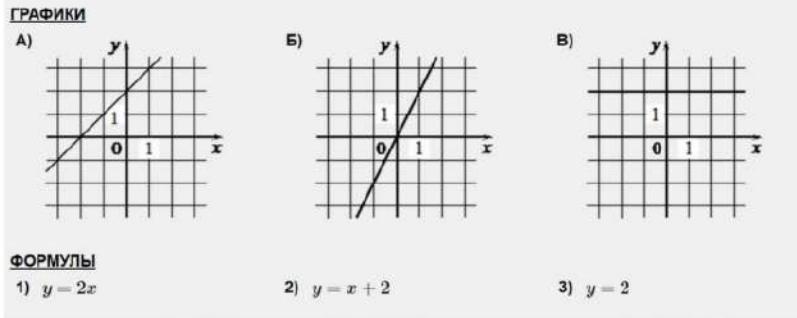
$$(x - 5)^2 = (x + 10)^2.$$

Ответ: _____.

- 10** На экзамене 60 билетов, Олег **не выучил** 12 из них. Найдите вероятность того, что ему попадётся выученный билет.

Ответ: _____.

- 11** Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.



В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

A	Б	В

- 12** В фирме «Родник» стоимость (в рублях) колодца из железобетонных колец рассчитывается по формуле $C = 6000 + 4100n$, где n – число колец, установленных в колодце. Пользуясь этой формулой, рассчитайте стоимость колодца из 5 колец. Ответ дайте в рублях.

Ответ: _____.

- 13** Укажите решение неравенства

$$25x^2 > 49.$$

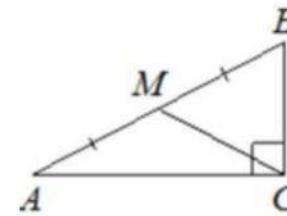
- 1)
- 2)
- 3)
- 4)

Ответ: _____.

- 14** При проведении химического опыта реагент равномерно охлаждали на $7,5^\circ\text{C}$ в минуту. Найдите температуру реагента (в градусах Цельсия) спустя 6 минут после начала проведения опыта, если начальная температура составляла $-8,7^\circ\text{C}$.

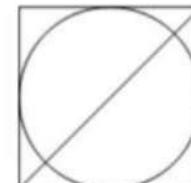
Ответ: _____.

- 15** В треугольнике ABC угол C равен 90° , M – середина стороны AB , $AB = 20$, $BC = 10$. Найдите CM .



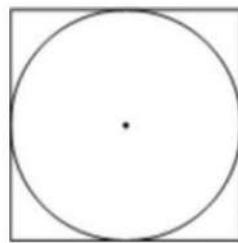
Ответ: _____.

- 16** Радиус вписанной в квадрат окружности равен $24\sqrt{2}$. Найдите диагональ этого квадрата.



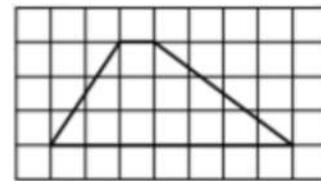
Ответ: _____.

17 Найдите площадь квадрата, описанного около окружности радиуса 40.



Ответ: _____.

18 На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 изображена трапеция. Найдите длину её средней линии.



Ответ: _____.

19 Какие из следующих утверждений верны?

- 1) Если диагонали параллелограмма равны, то этот параллелограмм является ромбом.
- 2) Расстояние от точки, лежащей на окружности, до центра окружности равно радиусу.
- 3) В любом тупоугольном треугольнике есть острый угол.

В ответ запишите номера выбранных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: _____.

*Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.
Проверьте, чтобы каждый ответ был записан в строке с номером соответствующего задания.*

Часть 2

При выполнении заданий 21–26 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ № 2. Сначала укажите номер задания, а затем запишите его решение и ответ. Пишите чётко и разборчиво.

20 Решите уравнение

$$(x + 2)^4 - 4(x + 2)^2 - 5 = 0.$$

21 Два велосипедиста одновременно отправляются в 140-километровый пробег. Первый едет со скоростью на 6 км/ч большей, чем второй, и прибывает к финишу на 3 часа раньше второго. Найдите скорость велосипедиста, пришедшего к финишу вторым.

22 Постройте график функции

$$y = \frac{1}{2} \left(\left| \frac{x}{3,5} - \frac{3,5}{x} \right| + \frac{x}{3,5} + \frac{3,5}{x} \right).$$

Определите, при каких значениях t прямая $y = t$ имеет с графиком ровно одну общую точку.

23 Найдите боковую сторону AB трапеции $ABCD$, если углы ABC и BCD равны соответственно 60° и 135° , а $CD = 36$.

24 Основания BC и AD трапеции $ABCD$ равны соответственно 5 и 20, $BD = 10$. Докажите, что треугольники CBD и BDA подобны.

25 В трапеции $ABCD$ боковая сторона AB перпендикулярна основанию BC . Окружность проходит через точки C и D и касается прямой AB в точке E . Найдите расстояние от точки E до прямой CD , если $AD = 14$, $BC = 12$.

Проверьте, чтобы каждый ответ был записан рядом с номером соответствующего задания.

Система оценивания экзаменационной работы по математике**Часть 1**

За правильный ответ на каждое из заданий 1–19 ставится 1 балл.

Номер задания	Правильный ответ	Текстовое решение	Видео решение
1	25738		
2	9		
3	20		
4	22		
5	60670		
6	0,4		
7	1		
8	1024		
9	-2,5		
10	0,8		
11	213		
12	26500		
13	3		
14	-53,7		
15	10		
16	96		
17	6400		
18	4		
19	23		
20	$-2 - \sqrt{5}; -2 + \sqrt{5}$		
21	14		
22	-1; 1		
23	$12\sqrt{6}$		
24	■		
25	$2\sqrt{42}$		

Часть 2

Критерии оценивания заданий с развёрнутым ответом

20

Решите уравнение $(x+2)^4 - 4(x+2)^2 - 5 = 0$.

$$\left((x+2)^2\right)^2 - 4 \cdot (x+2)^2 - 5 = 0$$

$$\text{Рассмотрим } (x+2)^2 = t$$

$$t^2 - 4t - 5 = 0$$

$$t_1 = 5$$

$$(x+2)^2 = 5$$

$$x+2 = \sqrt{5}$$

$$x = \sqrt{5} - 2$$

$$t_2 = -1$$

$$(x+2)^2 = -1$$

$$x+2 = -\sqrt{-1}$$

$$x = -\sqrt{-1} - 2$$

Нет решений

Ответ: $\pm \sqrt{5} - 2$

Б941С2

22

Постройте график функции

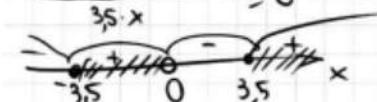
$$y = \frac{1}{2} \left(\left| \frac{x}{3,5} - \frac{3,5}{x} \right| + \frac{x}{3,5} + \frac{3,5}{x} \right).$$

Определите, при каких значениях m прямая $y = mx$ имеет с графиком ровно одну общую точку.

Рассмотрим модуль:

$$\textcircled{1} \quad \frac{x}{3,5} - \frac{3,5}{x} \geq 0$$

$$\frac{x^2 - 3,5^2}{3,5 \cdot x} \geq 0$$



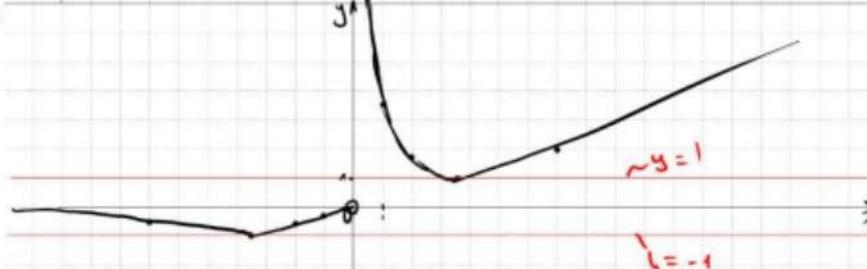
$$y = \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{x}{3,5} - \frac{3,5}{x} + \frac{x}{3,5} + \frac{3,5}{x} \right)$$

$$y = \frac{1}{2} \cdot \frac{2x}{3,5} = \frac{1 \cdot x}{3,5} = \frac{2x}{7} = \frac{x}{3,5}$$

$$y = \begin{cases} \frac{x}{3,5} & \text{при } x \in [-3,5; 0) \cup [3,5; +\infty) \\ \frac{3,5}{x} & \text{при } x \in (-\infty, -3,5) \cup (0, 3,5) \end{cases}$$

$$x: -7 \quad -3,5 \quad -2 \quad -1 \quad 1 \quad 2 \quad 3,5 \quad 7$$

$$y: -\frac{1}{2} \quad -1 \quad -\frac{4}{3} \quad -\frac{2}{7} \quad 3,5 \quad 1,75 \quad 1 \quad 2$$



Ответ: ± 1

баллы	содержание критерия
2	Ход решения задачи верный, получен верный ответ
1	Ход решения верный, все его шаги присутствуют, но допущена ошибка или ошибка вычислительного характера
0	Решение не соответствует ни одному из критерии, перечисленных выше
2	График построен верно, перво найдены искомые значения параметра
1	График построен верно, но искомые значения параметра найдены неверно или не найдены
0	Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше
2	Максимальный балл

В соответствии с Порядком проведения государственной итоговой аттестации по образовательным программам основного общего образования (приказ Минпросвещения России и Рособрнадзора от 07.11.2018 № 189/1513 зарегистрирован Минюстом России 10.12.2018 № 52953),

«64. Экзаменационные работы проверяются двумя экспертами. По результатам проверки эксперты независимо друг от друга выставляют баллы за каждый ответ на задания экзаменационной работы... В случае существенного расхождения в баллах, выставленных двумя экспертами, назначается третья проверка. Существенное расхождение в баллах определено в критериях оценивания по соответствующему учебному предмету.

Третий эксперт назначается председателем предметной комиссии из числа экспертов, ранее не проверявших экзаменационную работу.

Третьему эксперту предоставляется информация о баллах, выставленных экспертами, ранее проверявшими экзаменационную работу обучающегося. Баллы, выставленные третьим экспертом, являются окончательными».

1. Работа направляется на третью проверку, если расхождение в баллах, выставленных двумя экспертами за выполнение любого из заданий, составляет 2 балла. В этом случае третий эксперт проверяет только ответ на то задание, которое было оценено двумя экспертами со столь существенным расхождением.

2. Работа участника ОГЭ направляется на третью проверку при наличии расхождений в двух или более заданиях. В этом случае третий эксперт перепроверяет задания 21–26 с развёрнутым ответом.