

## ПРОМЕЖУТОЧНАЯ ДИАГНОСТИЧЕСКАЯ РАБОТА ВАРИАНТ 1

В задачах 1-6 достаточно указать ответ.

1. (3 балла) Какие утверждения верны?
- А. Если три угла одного треугольника соответственно равны трем углам другого треугольника, то такие треугольники равны.
  - Б. Биссектрисы смежных углов перпендикулярны.
  - В. Медиана делит любой треугольник на два равных треугольника.
  - Г. В любом равнобедренном треугольнике хотя бы две высоты равны между собой.

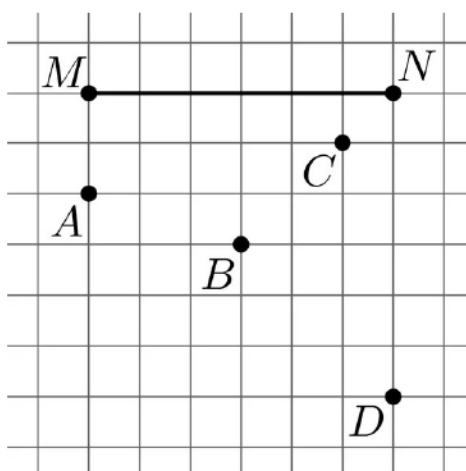
**Ответ: Б, Г**

*Критерии: 3б – указан верный ответ;*

*1б – одна ошибка (два верных + один неверный/1 верный+1 неверный/1 верный);*

*0б – в остальных случаях.*

2. (по 2 балла за пункт) На рисунке изображён отрезок  $MN$  и отмечено несколько точек. Какие из отмеченных точек вместе с точками  $M$  и  $N$  являются вершинами равнобедренного треугольника?



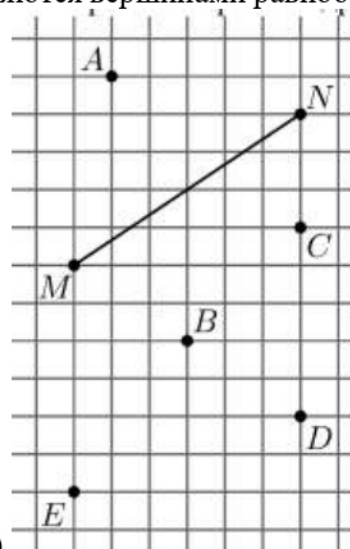
а)

**а) Ответ: B, D**

*Критерии: 2б - верно указаны обе точки;*

*1б – указана одна подходящая точка;*

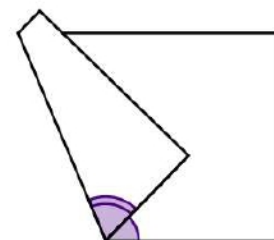
*0б – в остальных случаях.*



б)

**б) Ответ: A, D**

3. (3 балла) Лист бумаги перегнули по прямой линии и сложили так, как показано на рисунке. Один из двух отмеченных углов равен  $56^\circ$ . Найдите другой угол. Укажите все возможные варианты.



**Ответ:  $68^\circ$  или  $62^\circ$**

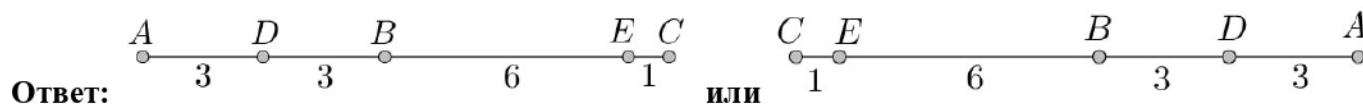
*Критерии: 3б – указан верный ответ;*

*1б – указан верно только один угол, второй не указан;*

*1б – указан верно только один угол, второй указан неверно;*

*0б – в остальных случаях.*

4. (4 балла) На прямой отмечены точки  $A, B, C, D, E$  (необязательно в таком порядке) так, что расстояния между ними оказались равны:  $AB = 6$ ,  $BC = 7$ ,  $CD = 10$ ,  $DE = 9$ ,  $AE = 12$ . Изобразите, в каком порядке расположены точки, и укажите расстояния между соседними точками.



Критерии: 4б – указан верный ответ (любой из двух);

2б – верный порядок точек, но неверно указаны расстояния между точками;

2б – верный порядок точек, но не указаны расстояния между точками;

0б – в остальных случаях.

5. (4 балла) В некоторый момент угол между часовой и минутной стрелками часов оказался равен  $\alpha$ . Через 3 часа он опять оказался равен  $\alpha$ . Найдите все возможные значения  $\alpha$ .

Ответ:  $45^\circ$  или  $135^\circ$

Критерии: 4б – верно указаны оба угла;

2б – указан только один из двух углов;

0б – в остальных случаях.

6. (4 балла) Стороны треугольника  $ABC$  равны  $AB = 9$ ,  $BC = 11$ ,  $CA = 10$ . На стороне  $AC$  отмечена такая точка  $E$ , что периметр треугольника  $ABE$  на 2 больше периметра треугольника  $BCE$ . Найдите  $CE$ .

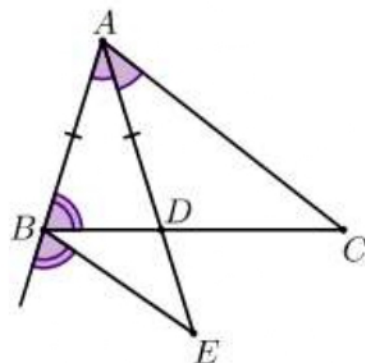
Ответ: 3

Критерии: 4б – указан верный ответ;

0б – в остальных случаях.

В задачах 7-9 необходимо записать решение.

7. (4 балла) На рисунке справа  $AD = AB$  и равны углы, отмеченные одинаково. Укажите равные треугольники. Обоснуйте их равенство.



Ответ:  $\triangle ABE = \triangle ADC$ . Решение.

- $\angle ABD = \angle BDA$  (по свойству равнобедренного треугольника)
- $\angle ABE = 180^\circ - \angle EBK$  (как смежный),  $K$  – точка на продолжении  $AB$  за точку  $B$ .
- $\angle ADC = 180^\circ - \angle BDA = 180^\circ - \angle EBK$
- $\triangle ABE = \triangle ADC$  по стороне и двум прилежащим к ней углам:  
 $\angle BAD = \angle DAC$  по условию  
 $\angle ABE = \angle ADC$  из пп. 2 и 3  
 $AB = AD$  по условию

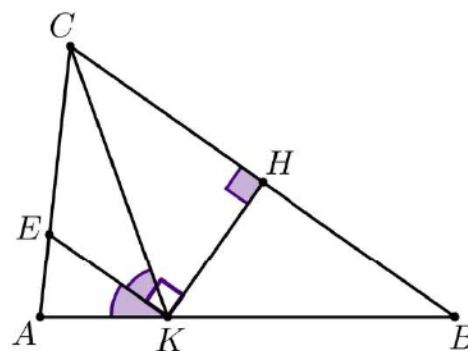
Критерии: 4б – полностью верное доказательство;

3б – решение в целом верное, но не все переходы обоснованы;

1б – верно указана пара равных треугольников, но доказательство неверно или отсутствует;

0б – в остальных случаях.

8. (4 балла) В треугольнике  $ABC$  на стороне  $AB$  выбрана точка  $K$  и проведены биссектриса  $KE$  треугольника  $AKC$  и высота  $KH$  треугольника  $BKC$ . Оказалось, что угол  $EKN$  – прямой. Найдите  $BC$ , если  $HC = 5$ .



**Ответ: 10. Решение.**

- $\angle AKC + \angle SKB = 180^\circ$  из свойства смежных углов,
- $\angle EKC + \angle SKH = \angle EKH = 90^\circ$  (по условию),
- $KE$  – биссектриса угла  $AKC$ , значит,  $KH$  – биссектриса угла  $SKB$  (из пп.1 и 2 и свойства биссектрис смежных углов)
- В треугольнике  $SKB$  биссектриса совпала с высотой, значит, он равнобедренный.
- В треугольнике  $SKB$  отрезок  $KH$  также является медианой, значит,  $BC = 2HC = 10$ .

*Критерии: 4б – полностью верное решение;*

*3б – решение в целом верное, но не все переходы обоснованы;*

*1б – приведен только ответ;*

*0б – в остальных случаях.*

9. (4 балла) Пусть  $AM$  — медиана треугольника  $ABC$ ,  $D$  — середина отрезка  $AM$ ,  $E$  — точка пересечения прямой  $CD$  со стороной  $AB$ . Оказалось, что  $BD = BM$ . Докажите, что  $\angle BAD = \angle MDC$ .

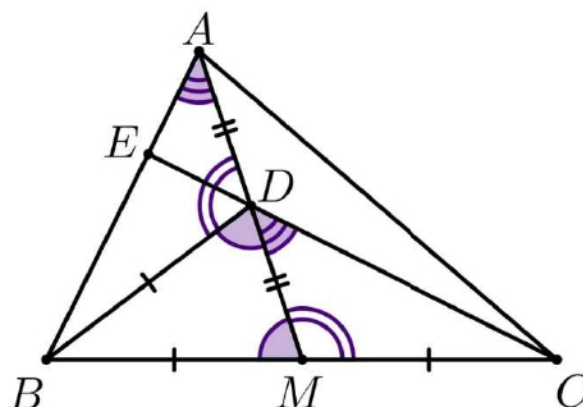
**Решение.**

- $\triangle BDM$  – равнобедренный по условию.  
Следовательно,  $\angle BDM = \angle DMB$
- $\triangle BDA = \triangle CMD$  по двум сторонам и углу между ними:  
 $BD = CM$  (т.к.  $AM$  — медиана треугольника  $ABC$ , а  $BD = BM$ )  
 $AD = DM$  ( $D$  – середина  $AM$  по условию)  
 $\angle BDA = \angle AMC$  (как смежные с равными)  
Следовательно,  $\angle BAD = \angle MDC$ . ч.т.д.

*Критерии: 4б – полностью верное решение;*

*3б – решение в целом верное, но не все переходы обоснованы;*

*0б – в остальных случаях.*



## ПРОМЕЖУТОЧНАЯ ДИАГНОСТИЧЕСКАЯ РАБОТА ВАРИАНТ 2

В задачах 1-6 достаточно указать ответ.

1. (3 балла) Какие утверждения верны?

- А. Если две стороны одного треугольника равны двум сторонам другого треугольника и один из углов первого треугольника равен углу другого треугольника, то такие треугольники равны.
- Б. Если сумма двух углов, имеющих общую вершину, равна  $180^\circ$ , то они являются смежными.
- В. В любом равнобедренном треугольнике хотя бы две медианы равны между собой.
- Г. Биссектриса любого треугольника делит его на две равные части.

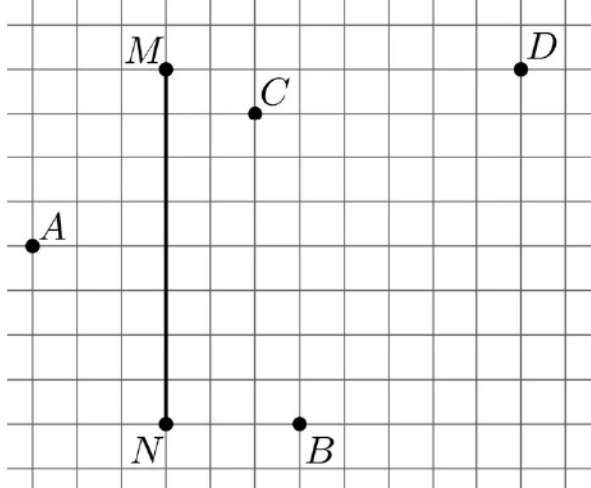
**Ответ: В**

Критерии: 3б – указан верный ответ;

1б – одна ошибка (1 верный + 1 неверный);

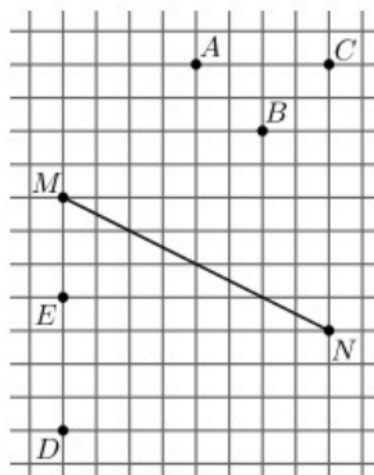
0б – в остальных случаях.

2. (по 2 балла за пункт) На рисунке изображён отрезок  $MN$  и отмечено несколько точек. Какие из отмеченных точек вместе с точками  $M$  и  $N$  являются вершинами равнобедренного треугольника?



а)

а) Ответ: А, D



б)

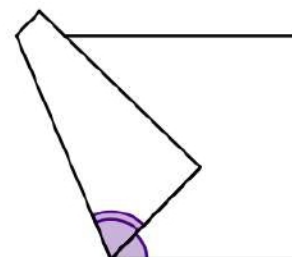
б) Ответ: А, В, С

Критерии: 2б – верно указаны все точки;

1б – указаны не все подходящие точки;

0б – в остальных случаях.

3. (3 балла) Лист бумаги перегнули по прямой линии и сложили так, как показано на рисунке. Один из двух отмеченных углов равен  $64^\circ$ . Найдите другой угол. Укажите все возможные варианты.



**Ответ:  $52^\circ$  или  $58^\circ$**

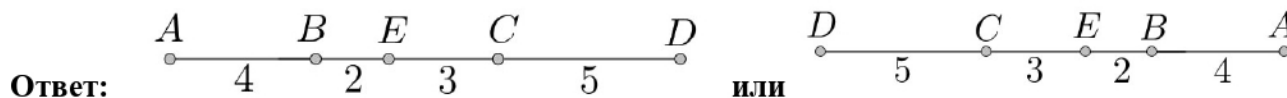
Критерии: 3б – указан верный ответ;

1б – указан верно только один угол, второй не указан;

0б – в остальных случаях.



4. (4 балла) На прямой отмечены точки  $A, B, C, D, E$  (необязательно в таком порядке) так, что расстояния между ними оказались равны:  $DE = 8, AE = 6, AC = 9, BC = 5, BD = 10$ . Изобразите, в каком порядке расположены точки, и укажите расстояния между соседними точками.



Критерии: 4б – указан верный ответ (любой из двух);  
2б – верный порядок точек, но неверно указаны расстояния между точками;  
2б – верный порядок точек, но не указаны расстояния между точками;  
0б – в остальных случаях.

5. (4 балла) В некоторый момент угол между часовой и минутной стрелками часов оказался равен  $\alpha$ . Через 5 часов он опять оказался равен  $\alpha$ . Найдите все возможные значения  $\alpha$ .

Ответ:  $75^\circ$  или  $105^\circ$

Критерии: 4б – верно указаны оба угла;  
2б – указан только один из двух углов;  
0б – в остальных случаях.

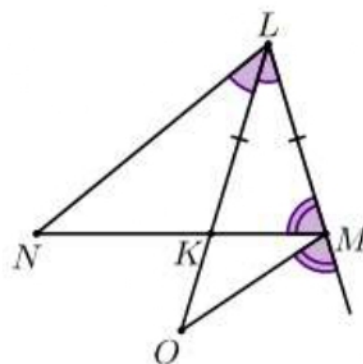
6. (4 балла) Стороны треугольника  $ABC$  равны  $AB = 6, BC = 7, CA = 8$ . На стороне  $BC$  отмечена такая точка  $E$ , что периметр треугольника  $ABE$  на 1 больше периметра треугольника  $ACE$ . Найдите  $BE$ .

Ответ: 5

Критерии: 4б – указан верный ответ;  
0б – в остальных случаях.

В задачах 7-9 необходимо записать решение.

7. (4 балла) На рисунке справа  $KL = LM$  и равны углы, отмеченные одинаково. Укажите равные треугольники. Обоснуйте их равенство.



Решение. см. вариант 1

Критерии: 4б – полностью верное решение;  
3б – решение в целом верное, но не все переходы обоснованы;  
1б – приведен только ответ;  
0б – в остальных случаях.

8. (4 балла) В треугольнике  $ABC$  на стороне  $AC$  выбрана точка  $L$  и проведены высота  $LH$  треугольника  $ABL$  и биссектриса  $LK$  треугольника  $BLC$ . Оказалось, что угол  $KLH$  – прямой. Найдите  $AB$ , если  $AH = 6$ .

Ответ: 12. Решение.

- $\angle ALB + \angle CLB = 180^\circ$  из свойства смежных углов,
- $\angle KLB + \angle HLB = \angle HLK = 90^\circ$  (по условию),
- $LK$  – биссектриса угла  $BLC$ , значит,  $LH$  – биссектриса угла  $ALB$  (из пп.1 и 2 и свойства биссектрис смежных углов)
- В треугольнике  $ALB$  биссектриса совпала с высотой, значит, он равнобедренный.
- В треугольнике  $ALB$  отрезок  $LH$  также является медианой, значит,  $AB = 2AH = 12$ .

Критерии: 4б – полностью верное решение;  
3б – решение в целом верное, но не все переходы обоснованы;  
1б – приведен только ответ;  
0б – в остальных случаях.

9. (4 балла) На продолжении стороны  $AB$  треугольника  $ABC$  за точку  $B$  отмечена точка  $K$ , такая что  $KB = AB$ . Продолжение медианы  $AM$  треугольника  $ABC$  за точку  $M$  пересекает отрезок  $CK$  в точке  $L$ . Оказалось, что  $KM = AB$ . Докажите, что  $\angle AMB = \angle KCB$ .

**Решение.**

1.  $\triangle KBM$  – равнобедренный ( $KB = BM$ ,  $KB = KM$  по условию), следовательно  $\angle KBM = \angle BKM$ .
2.  $\triangle KMC = \triangle ABM$  по двум сторонам и углу между ними:  
 $KM = AB$  (по условию)  
 $CM = BM$  ( $M$  – середина  $BC$  по условию)  
 $\angle CMK = \angle ABM$  (как смежные с равными)  
 Следовательно,  $\angle AMB = \angle KCB$ . *ч.т.д.*

*Критерии: 4б – полностью верное решение;*

*3б – решение в целом верное, но не все переходы обоснованы;*

*0б – в остальных случаях.*