

**Единый государственный экзамен
по МАТЕМАТИКЕ
Профильный уровень**

Инструкция по выполнению работы

Экзаменационная работа состоит из двух частей, включающих в себя 19 заданий. Часть 1 содержит 8 заданий с кратким ответом базового уровня сложности. Часть 2 содержит 4 задания с кратким ответом повышенного уровня сложности и 7 заданий с развёрнутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–12 записываются по приведённому ниже образцу в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Числа запишите в поля ответов в тексте работы, а затем перенесите их в бланк ответов № 1.

КИМ

Ответ: -0,8

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Бланк

При выполнении заданий 13–19 требуется записать полное решение и ответ в бланке ответов № 2.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой или капиллярной ручки.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. **Записи в черновике, а также в тексте контрольных измерительных материалов не учитываются при оценивании работы.**

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

После завершения работы проверьте, что ответ на каждое задание в бланках ответов №1 и №2 записан под правильным номером.

Желаем успеха!

Справочные материалы

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

Ответом к заданиям 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

Часть 1

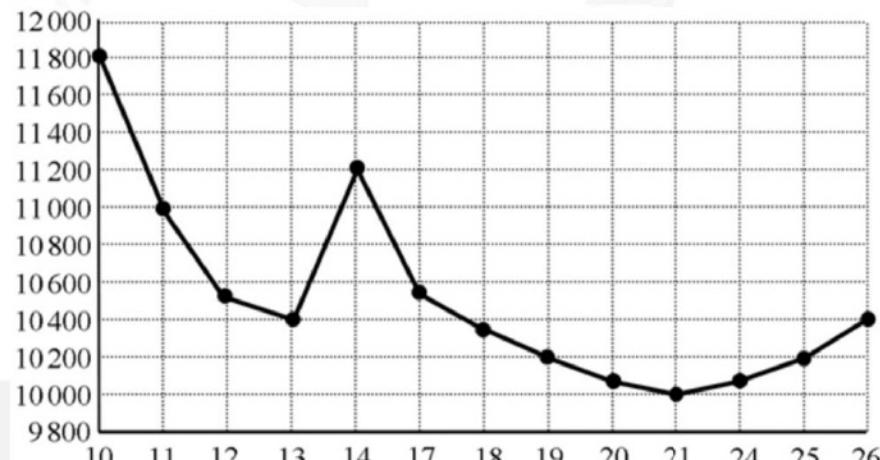
1

Одна таблетка лекарства содержит 1,4 мг активного вещества. Ребёнку в возрасте до 6 месяцев врач прописывает 1,2 мг активного вещества на каждый килограмм веса в сутки. Сколько таблеток этого лекарства следует дать ребёнку, возраст которого четыре месяца и вес 7 кг, в течение суток?

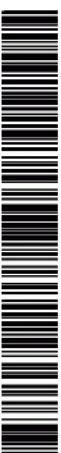
Ответ: _____.

2

На рисунке жирными точками показана цена никеля на момент закрытия биржевых торгов во все рабочие дни с 10 по 26 ноября 2008 года. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали – цена тонны никеля в долларах США. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку наибольшую цену никеля на момент закрытия торгов в указанный период (в долларах США за тонну).

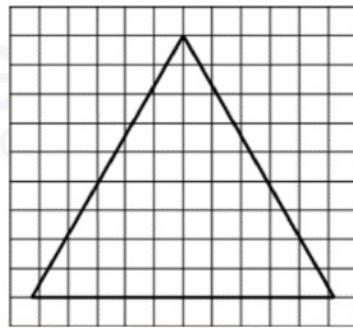


Ответ: _____.



3

- На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 изображён равносторонний треугольник. Найдите радиус описанной около него окружности.



Ответ: _____.

4

- Перед началом волейбольного матча капитаны команд тянут честный жребий, чтобы определить, какая из команд начнёт игру с мячом. Команда «Стартер» по очереди играет с командами «Протор», «Ротор» и «Мотор». Найдите вероятность того, что «Стартер» будет начинать только вторую и последнюю игры.

Ответ: _____.

5

- Найдите корень уравнения

$$\lg(x + 11) = 1.$$

Ответ: _____.

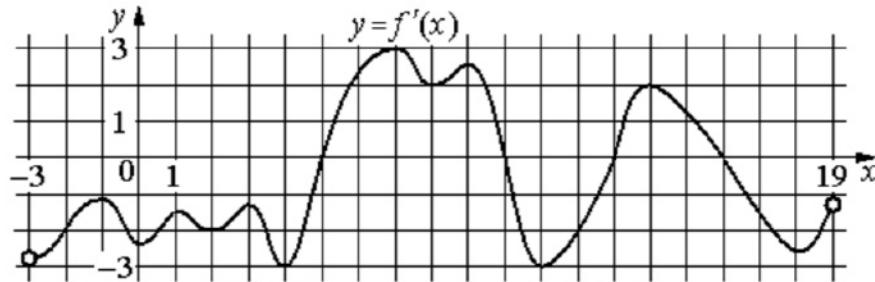
6

- Стороны параллелограмма равны 5 и 10. Высота, опущенная на меньшую из этих сторон, равна 3. Найдите высоту, опущенную на большую сторону параллелограмма.

Ответ: _____.

7

- На рисунке изображён график $y = f'(x)$ – производной функции $f(x)$, определённой на интервале $(-3; 19)$. Найдите количество точек максимума функции $f(x)$, принадлежащих отрезку $[-2; 15]$.

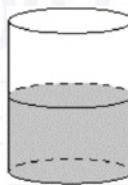


Ответ: _____.



8

- В цилиндрический сосуд налили 2800 см^3 воды. Уровень жидкости оказался равным 16 см. В воду полностью погрузили деталь. При этом уровень жидкости в сосуде поднялся на 13 см. Найдите объём детали. Ответ выразите в куб. см.



Ответ: _____.

Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1.**Часть 2****9**

- Найдите значение выражения

$$\sqrt{108} \cos^2 \frac{\pi}{12} - \sqrt{27}.$$

Ответ: _____.

**10**

- Водолазный колокол, содержащий $v = 2$ моля воздуха при давлении $p_1 = 1,75$ атмосферы, медленно опускают на дно водоёма. При этом происходит изотермическое сжатие воздуха до конечного давления p_2 . Работа, совершаемая водой при сжатии воздуха, определяется выражением $A = \alpha v T \log_2 \frac{p_2}{p_1}$, где $\alpha = 13,3 \frac{\text{Дж}}{\text{моль}\cdot\text{К}}$ – постоянная, $T = 300 \text{ К}$ – температура воздуха. Найдите, какое давление p_2 (в атм) будет иметь воздух в колоколе, если при сжатии воздуха была совершена работа в 15960 Дж.

Ответ: _____.

11

- Девять одинаковых рубашек дешевле куртки на 10%. На сколько процентов одиннадцать таких же рубашек дороже куртки?

Ответ: _____.

12

- Найдите точку минимума функции

$$y = 9x - 9 \cdot \ln(x + 3) + 4.$$

Ответ: _____.

Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.
Проверьте, чтобы каждый ответ был записан в строке с номером соответствующего задания.





Для записи решений и ответов на задания 13–19 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ № 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (13, 14 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

13

а) Решите уравнение

$$\cos 4x - \cos 2x = 0.$$

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку

$$\left[\frac{\pi}{2}; 2\pi\right].$$

14

В треугольной пирамиде $SABC$ известны боковые рёбра: $SA = SB = 7$, $SC = 5$. Основанием высоты этой пирамиды является середина медианы CM треугольника ABC . Эта высота равна 4.

а) Докажите, что треугольник ABC равнобедренный.б) Найдите объём пирамиды $SABC$.

15

Решите неравенство

$$\log_{9\sqrt{8}}\left(\log_{\frac{1}{7}}(x+1)\right) \geq 3.$$

16

В прямоугольном треугольнике ABC точка M лежит на катете AC , а точка N лежит на продолжении катета BC за точку C , причём $CM = BC$ и $CN = AC$. Отрезки CP и CQ – биссектрисы треугольников ACB и NCM соответственно.

а) Докажите, что CP и CQ перпендикулярны.б) Найдите PQ , если $BC = 3$, а $AC = 5$.

17

15-го января планируется взять кредит в банке на 24 месяца. Условия его возврата таковы:

- 1-го числа каждого месяца долг возрастает на 2% по сравнению с концом предыдущего месяца;

- со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;

- 15-го числа каждого месяца долг должен быть на одну и ту же сумму меньше долга на 15-е число предыдущего месяца.

Какую сумму следует взять в кредит, чтобы общая сумма выплат после полного его погашения равнялась 1 млн рублей?

18

Найдите все значения параметра a , при которых уравнение

$$\frac{x^2 - a(a+1)x + a^3}{\sqrt{2+x-x^2}} = 0$$

имеет два различных корня.

19

Даны n различных натуральных чисел, составляющих арифметическую прогрессию ($n \geq 3$).

а) Может ли сумма всех данных чисел быть равной 10?

б) Каково наибольшее значение n , если сумма всех данных чисел меньше 1000?в) Найдите все возможные значения n , если сумма всех данных чисел равна 129.

Проверьте, чтобы каждый ответ был записан рядом с номером соответствующего задания.



**Система оценивания экзаменационной работы по математике
(профильный уровень)**

Каждое из заданий 1–12 считается выполненными верно, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Каждое верно выполненное задание оценивается 1 баллом.

Номер задания	Правильный ответ	Видео решение
1	6	▶
2	11800	▶
3	6	▶
4	0,125	▶
5	-1	▶
6	1,5	▶
7	1	▶
8	2275	▶
9	4,5	▶
10	7	▶
11	10	▶
12	-2	▶
13	a) $\pi n, \pm \frac{\pi}{3} + \pi n; n \in Z$ б) $\pi; 2\pi; \frac{2\pi}{3}; \frac{4\pi}{3}; \frac{5\pi}{3}$	▶
14	$16\sqrt{6}$	▶
15	$\left(-1; -\frac{48}{49}\right]$	▶
16	$\frac{15}{4}$	▶
17	0,8 млн	▶
18	$(-1; 0) \cup (0; 1) \cup (1; \sqrt{2})$	▶
19	а) да, пример: 1, 2, 3, 4 б) 44 в) 3; 6	▶

Решения и критерии оценивания заданий 13–19

Количество баллов, выставленных за выполнение заданий 13–19, зависит от полноты решения и правильности ответа.

Общие требования к выполнению заданий с развернутым ответом: решение должно быть математически грамотным, полным, все возможные случаи должны быть рассмотрены. **Методы решения, формы его записи и формы записи ответа могут быть разными. За решение, в котором обоснованно получен правильный ответ, выставляется максимальное количество баллов. Правильный ответ при отсутствии текста решения оценивается в 0 баллов.**

Эксперты проверяют только математическое содержание представленного решения, а особенности записи не учитывают.

При выполнении задания могут использоваться без доказательства и ссылок любые математические факты, содержащиеся в учебниках и учебных пособиях, входящих в Федеральный перечень учебников, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ среднего общего образования.

13а) Решите уравнение $\cos 4x - \cos 2x = 0$ б) Найдите его корни, принадлежащие отрезку $[\frac{\pi}{2}; 2\pi]$

$$\text{а)} 2\cos^2(2x) - 1 - \cos(2x) = 0$$

$$\text{Лучше } \cos(2x) = t$$

$$2t^2 - t - 1 = 0$$

$$\Delta = 9$$

$$t = 1$$

$$\cos 2x = 1$$

$$2x = 2\pi n \quad | :2$$

$$x = \pi n$$

$$t = -\frac{1}{2}$$

$$\cos 2x = -\frac{1}{2}$$

$$2x = \pm \frac{2\pi}{3} + 2\pi n$$

$$x = \pm \frac{\pi}{3} + \pi n + \frac{\pi}{2}$$

$$x = \frac{\pi}{3}, \frac{4\pi}{3}, \frac{7\pi}{3}, \frac{10\pi}{3}$$

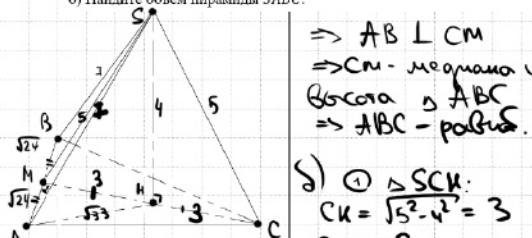
$$x = \frac{4\pi}{3}, \frac{7\pi}{3}, \frac{10\pi}{3}$$

$$x = \frac{\pi}{3}, \frac{4\pi}{3}, \frac{$$

14

В треугольной пирамиде $SABC$ известны боковые ребра: $SA = SB = 7$, $SC = 5$. Основанием высоты этой пирамиды является середина медианы CM треугольника ABC . Эта высота равна 4.

- а) Докажите, что треугольник ABC равнобедренный.
б) Найдите объём пирамиды $SABC$.



$$\begin{aligned} &\Rightarrow AB \perp CM \\ &\Rightarrow CM - \text{медиана и} \\ &\text{высота } \triangle ABC \\ &\Rightarrow \triangle ABC - \text{равнобедренный.} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &S) \quad ① \Delta SCK: \\ &CK = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4 \\ &CM = 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &a) \quad ① \text{Рассмотрим} \\ &\triangle ABS - \text{равнобедренный.} \\ &SM - \text{медиана и высота.} \quad AK = \sqrt{7^2 - 4^2} = \sqrt{33} \\ &③ AB \perp SM \Rightarrow AB \perp (SM) \quad ③ \Delta AMK: \\ &(AB \perp SM) \quad AM = \sqrt{7^2 - 3^2} = \sqrt{40} \end{aligned}$$

ОТВЕТ: $16\sqrt{6}$

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта а и обоснованно получено верный ответ в пункте б	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта а или обоснованно получен верный ответ в пункте б с использованием утверждения пункта а, при этом пункт а не выполнен	1
Решение не соответствует ни одному из критерии, перечисленных выше	0
Максимальный балл	2

Источники:

Основная волна 2017

ПРИЗНАК
ПЕРПЕНДИКУЛЯРНОСТИ
ПРЯМОЙ И ПЛОСКОСТИ

Признак перпендикулярности плоскости, если она перпендикулярна двум пересекающимся прямым, лежащим в этой плоскости.

Если $m \perp l$, то $m \perp n$
 $\angle m \perp n$

$$\begin{aligned} &④ \quad \text{V} \quad SABC = \frac{1}{3} \cdot S_{ABC} \cdot SH \\ &= \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot 2\sqrt{24} \cdot \sqrt{4} \\ &= 16\sqrt{6} \end{aligned}$$

15

Решите неравенство

$$\log_{\sqrt[3]{8}}(\log_{\frac{1}{2}}(x+1)) \geq 3$$

$$\log_{\sqrt[3]{8}}(\log_{\frac{1}{2}}(x+1)) \geq \log_{\sqrt[3]{8}} \log_{\frac{1}{2}}(x+1) \geq 2$$

$$\log_{\frac{1}{2}}(\log_{\frac{1}{2}}(x+1)) \geq \log_{\frac{1}{2}} 2 \quad \log_{\frac{1}{2}}(x+1) \geq \log_{\frac{1}{2}} \frac{1}{4}$$

$$\text{Справедливо } 2^{\frac{1}{3}} \geq 1^{13} \quad x+1 \leq \frac{1}{4}$$

$$2 > 1 \quad x \leq -\frac{48}{49}$$

$$\Rightarrow \log_{\frac{1}{2}}(x+1) \geq 2 \quad \text{Найдём пересечение}$$

ОТВЕТ: $(-1; -\frac{48}{49}]$

Источники:

Ященко 2020 (36 вариантов)

Ященко 2020 (50 вариантов)

Ященко 2019 (36 вариантов)

Ященко 2019 (50 вариантов)

Ященко 2019 (14 вариантов)

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Обоснованно получен ответ, отличающийся от верного исключением / включением граничных точек	1
ИЛИ	
получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется первая последовательность всех шагов решения	
Решение не соответствует ни одному из критерии, перечисленных выше	0
Максимальный балл	2

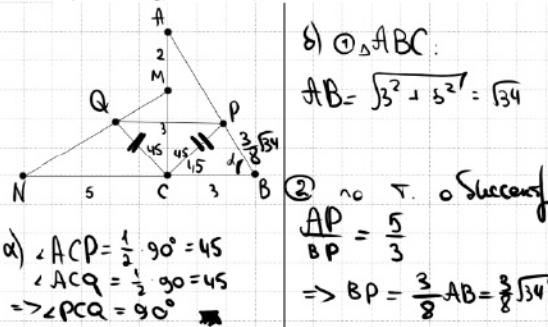
При этом в первом случае выставления 1 балла допускаются только ошибки в строгости неравенства: « $<$ » вместо « \leq », или наоборот. Если в ответ включено значение переменной, при котором одна из частей неравенства не имеет смысла, то следует выставлять оценку «0 баллов».



16

В прямоугольном треугольнике ABC точка M лежит на катете AC , а точка N лежит на продолжении катета BC за точку C , причём $CM = BC$ и $CN = AC$. Отрезки CP и CQ – биссектрисы треугольников ACB и NCM соответственно.

- а) Докажите, что CP и CQ перпендикулярны.
б) Найдите PQ , если $BC = 3$, а $AC = 5$.



$$\text{б) } \textcircled{1} \Delta ABC: \\ AB = \sqrt{3^2 + 5^2} = \sqrt{34}$$

$$\text{в) } \textcircled{2} \text{ по т. о биссект.} \\ \frac{AP}{BP} = \frac{5}{3}$$

$$\Rightarrow BP = \frac{3}{8}AB = \frac{3}{8}\sqrt{34} \\ \text{т.к. } \cos \alpha = \frac{BC}{AB} = \frac{3}{5} \\ \text{тогда } \cos \alpha = \frac{BC}{AB} = \frac{3}{\sqrt{34}}$$

$$\text{а) } \angle ACP = \frac{1}{2} \cdot 90^\circ = 45^\circ \\ \angle ACQ = \frac{1}{2} \cdot 90^\circ = 45^\circ \\ \Rightarrow \angle PCQ = 90^\circ$$

ОТВЕТ: 3,75.

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> и обоснованно получен верный ответ в пункте <i>b</i>	3
Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>b</i>	2
ИЛИ	
имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> и при обоснованном решении пункта <i>b</i> получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	
Имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> ,	1
ИЛИ	
при обоснованном решении пункта <i>b</i> получен неверный ответ из-за арифметической ошибки,	
ИЛИ	
обоснованно получен верный ответ в пункте <i>b</i> с использованием утверждения пункта <i>a</i> , при этом пункт <i>a</i> не выполнен	
Решение не соответствует ни одному из критерия, перечисленных выше	0
Максимальный балл	3

Источники:

Основная волна 2019

ТЕОРЕМА О БИССЕКТРИСЕ



ТЕОРЕМА КОСИНУСОВ



$$1. a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos a$$

$$2. \cos a = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

$$\text{б) } \textcircled{1} \Delta ABC: \\ \cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$$

$$\text{в) } \textcircled{2} \text{ по т. о биссект.} \\ \frac{AP}{BP} = \frac{5}{3}$$

$$PC^2 = \frac{9}{64} \cdot 34 + 9 - 2 \cdot \frac{3}{8} \cdot \sqrt{34} \cdot \frac{3}{8}$$

$$PC^2 = \frac{9 \cdot 17}{32} + 9 - \frac{27}{4} \cdot 18$$

$$PC^2 = \frac{9 \cdot 32}{32} - \frac{63}{32}$$

$$PC^2 = \frac{225}{32}$$

$$PC = \frac{15}{4\sqrt{2}}$$

$$\text{т.к. } \cos \alpha = \frac{BC}{AB} = \frac{3}{5}$$

$$\text{тогда } \cos \alpha = \frac{BC}{AB} = \frac{3}{\sqrt{34}}$$

$$\text{б) } \textcircled{1} \Delta ABC = \Delta CNM \\ \Rightarrow CQ = \frac{15}{4\sqrt{2}}$$

$$\text{в) } \textcircled{2} \Delta CPQ: \\ PQ = \sqrt{\left(\frac{15}{4\sqrt{2}}\right)^2 - 2} = \frac{15}{4}$$

17

15-го января планируется взять кредит в банке на 24 месяца. Условия его возврата таковы:

— 1-го числа каждого месяца долг возрастает на 2% по сравнению с концом предыдущего месяца;

— со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;

— 15-го числа каждого месяца долг должен быть на одну и ту же сумму меньше долга на 15-е число предыдущего месяца.

Какую сумму следует взять в кредит, чтобы общая сумма выплат после полного его погашения равнялась 1 млн рублей?

Пусть S – сумма кредита
+ число – день выплаты

Дата	Сумма долга
15.9	S
1.10	$1.02 \cdot S$
15.10	$\frac{23}{24}S$
1.11	$1.02 \cdot \frac{23}{24}S$
15.11	$\frac{22}{24}S$
1.12	$1.02 \cdot \frac{22}{24}S$
15.12	$\frac{21}{24}S$
1.1.1	$1.02 \cdot \frac{21}{24}S$
15.1.1	$\frac{20}{24}S$
1.1.2	$1.02 \cdot \frac{20}{24}S$
15.1.2	$\frac{19}{24}S$
1.1.3	$1.02 \cdot \frac{19}{24}S$
15.1.3	$\frac{18}{24}S$
1.1.4	$1.02 \cdot \frac{18}{24}S$
15.1.4	$\frac{17}{24}S$
1.1.5	$1.02 \cdot \frac{17}{24}S$
15.1.5	$\frac{16}{24}S$
1.1.6	$1.02 \cdot \frac{16}{24}S$
15.1.6	$\frac{15}{24}S$
1.1.7	$1.02 \cdot \frac{15}{24}S$
15.1.7	$\frac{14}{24}S$
1.1.8	$1.02 \cdot \frac{14}{24}S$
15.1.8	$\frac{13}{24}S$
1.1.9	$1.02 \cdot \frac{13}{24}S$
15.1.9	$\frac{12}{24}S$
1.1.10	$1.02 \cdot \frac{12}{24}S$
15.1.10	$\frac{11}{24}S$
1.1.11	$1.02 \cdot \frac{11}{24}S$
15.1.11	$\frac{10}{24}S$
1.1.12	$1.02 \cdot \frac{10}{24}S$
15.1.12	$\frac{9}{24}S$
1.1.13	$1.02 \cdot \frac{9}{24}S$
15.1.13	$\frac{8}{24}S$
1.1.14	$1.02 \cdot \frac{8}{24}S$
15.1.14	$\frac{7}{24}S$
1.1.15	$1.02 \cdot \frac{7}{24}S$
15.1.15	$\frac{6}{24}S$
1.1.16	$1.02 \cdot \frac{6}{24}S$
15.1.16	$\frac{5}{24}S$
1.1.17	$1.02 \cdot \frac{5}{24}S$
15.1.17	$\frac{4}{24}S$
1.1.18	$1.02 \cdot \frac{4}{24}S$
15.1.18	$\frac{3}{24}S$
1.1.19	$1.02 \cdot \frac{3}{24}S$
15.1.19	$\frac{2}{24}S$
1.1.20	$1.02 \cdot \frac{2}{24}S$
15.1.20	$\frac{1}{24}S$
1.1.21	$1.02 \cdot \frac{1}{24}S$
15.1.21	$\frac{0}{24}S$

$$O.C.B. = 1 \text{ млн}$$

$$1 \cdot 1.02S - \frac{23}{24} \cdot \frac{1.02S}{24} \cdot 1.02 \cdot \frac{1.02S}{24} = 1$$

$$\left(\frac{25}{24} \cdot 1.02S - \frac{23}{24} \cdot \frac{1.02S}{24} \right) \cdot 12 = 1$$

$$25 \cdot 0.51S - 11.5S = 1$$

$$12.75 \cdot S - 11.5S = 1$$

$$1.25 \cdot S = 1$$

$$S = \frac{1}{1.25} = 0.8 \text{ млн}$$

ОТВЕТ: 0,8 млн

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	3
Верно построена математическая модель, решение сведено к исследованию этой модели и получена результат:	2
— первый ответ из-за вычислительной ошибки;	
— первый ответ, но решение недостаточно обосновано	
Верно построена математическая модель, решение сведено к исследованию этой модели, при этом решение может быть не завершено	1
Решение не соответствует ни одному из критерия, перечисленных выше	0
Максимальный балл	3

Несколько подробнее: 1 балл можно выставить в тех случаях, когда скончелое условие задачи верно сведено к решению математической (арифметической, алгебраической, функциональной, геометрической) задачи. Имелись в решении, а не к отдельному равенству, набор уравнений, уравнение, задаваемое функцией и т.п. Грубой говоря, предложенный текст должен включать направление, «продолжаемое» до верного решения. Оценка в 2 балла, разумеется, включает в себя условие выставления 1 балла, но существенно ближе к верному решению задачи.

Здесь предполагается завершение, практический полное решение соответствующей математической задачи. Типичные допустимые погрешности здесь – вычислительные ошибки (при наличии всех шагов решения) или недостаточно полные обоснования.

Отметим, что термин «математическая модель», быть может, излишне высокотехническим для сравнительно простых задач экономического содержания, предлагаемых на ЕГЭ. Однако, по нашему мнению, он наиболее лаконичен, общеупотребим и достаточно ясен для того, чтобы пытаться отыскать ему адекватную замену. Следует подчеркнуть, что один и тот же сюжет может быть успешно сведен к различным математическим моделям и доведен до верного ответа. Поэтому в критериях проверки иногда нет жесткого упоминания о какой-либо конкретной (арифметической, алгебраической, геометрической, функциональной) модели.

Вообще, способов верного решения задачий этого типа никак не меньше, чем для привычных текстовых задач. Возможен и стиль, приближенный к высшей математике, и наивный подход, напоминающий арифметический способ решения текстовых задач, и метод использующий специфические для математической экономики понятия (целевые функции, симплекс-метод и т.п.).

Источники:

FIP! osfpi
Оценочная волна 2019
СтатГрад 2019
Ященко 2020 (36 вариантов)

18

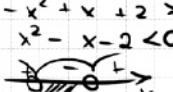
Найдите все значения параметра a , при которых уравнение

$$\frac{x^2 - a(a+1)x + a^3}{\sqrt{2} + x - x^2} = 0$$

имеет два различных корня.

$$\begin{cases} x^2 - a(a+1)x + a^3 = 0 \\ 2 + x - x^2 > 0 \end{cases}$$

$$\text{Решим } ② \\ -x^2 + x + 2 > 0 \\ x^2 - x - 2 < 0$$



$$\text{Решим } ① \\ x^2 - a(a+1)x + a^3 = 0$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = a^2 + a \\ x_1 x_2 = a^3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_1 = a \\ x_2 = a^2 \end{cases}$$

Ответ: $(-1, 0) \cup (0, 1) \cup (1, \sqrt{2})$

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен правильный ответ	4
С помощью верного рассуждения получено множество значений a , отличающееся от искомого конечным числом точек	3
С помощью верного рассуждения получены все граничные точки искомого множества значений a	2
Верно получена хотя бы одна граничная точка искомого множества значений a	1
Решение не соответствует ни одному из критерия, перечисленных выше	0
Максимальный балл	4

Источники:

Основная волна (Резерв) 2019

19 Найдите все значения параметра n , составляющих арифметическую прогрессию ($n \geq 3$).Даны n различных натуральных чисел, составляющих арифметическую прогрессию ($n \geq 3$).

а) Может ли сумма всех данных чисел быть равной 10?

б) Каково наибольшее значение n , если сумма всех данных чисел меньше 1000?в) Найдите все возможные значения n , если сумма всех данных чисел равна 129.

б)

если $n=3$, то

$$a_1 + a_2 + a_3 = 10$$

$$a_1 + (a_1 + d) + (a_1 + 2d) = 10$$

$$3a_1 + 3d = 10$$

$$a_1 + 3d = \frac{10}{3}$$

$$(a_1 + a_n) \cdot n < 2000$$

$$(a_1 + a_n) \cdot 3 < 2000$$

$$3a_1 + 3d \cdot 3 < 2000$$

$$4a_1 + 6d = 10$$

$$2(a_1 + d) \cdot 3 < 2000$$

$$2(a_1 + d) \cdot (n-1) < 2000$$

$$(2a_1 + d) \cdot (n-1) < 2000$$

$$2a_1 + d \cdot (n-1) < 2000$$



В соответствии с Порядком проведения государственной итоговой аттестации по образовательным программам среднего общего образования (приказ Минпросвещения России и Рособрнадзора от 07.11.2018 № 190/1512, зарегистрирован Минюстом России 10.12.2018 № 52952)

«82. <...> По результатам первой и второй проверок эксперты независимо друг от друга выставляют баллы за каждый ответ на задания экзаменационной работы ЕГЭ с развернутым ответом. <...>

В случае существенного расхождения в баллах, выставленных двумя экспертами, назначается третья проверка. Существенное расхождение в баллах определено в критериях оценивания по соответствующему учебному предмету.

Эксперту, осуществляющему третью проверку, предоставляется информация о баллах, выставленных экспертами, ранее проверявшими экзаменационную работу».

Существенными считаются следующие расхождения:

1) расхождение в баллах, выставленных двумя экспертами за выполнение любого из заданий 13–19, составляет 2 или более балла. В этом случае третий эксперт проверяет только ответ на то задание, который был оценен двумя экспертами со столь существенным расхождением;

2) расхождения экспертов при оценивании ответов на хотя бы два из заданий 13–19. В этом случае третий эксперт проверяет ответы на все задания работы.

ЕГЭ 100 БАЛЛОВ

ВСЕРОССИЙСКИЙ ШКОЛЬНЫЙ ПРОЕКТ

