

**Единый государственный экзамен
по МАТЕМАТИКЕ
Профильный уровень**

Инструкция по выполнению работы

Экзаменационная работа состоит из двух частей, включающих в себя 19 заданий. Часть 1 содержит 8 заданий с кратким ответом базового уровня сложности. Часть 2 содержит 4 задания с кратким ответом повышенного уровня сложности и 7 заданий с развёрнутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–12 записываются по приведённому ниже образцу в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Числа запишите в поля ответов в тексте работы, а затем перенесите их в бланк ответов № 1.

КИМ

Ответ: -0,8

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Бланк

При выполнении заданий 13–19 требуется записать полное решение и ответ в бланке ответов № 2.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой или капиллярной ручки.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. **Записи в черновике, а также в тексте контрольных измерительных материалов не учитываются при оценивании работы.**

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

После завершения работы проверьте, что ответ на каждое задание в бланках ответов №1 и №2 записан под правильным номером.

Желаем успеха!

Справочные материалы

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

Ответом к заданиям 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

Часть 1

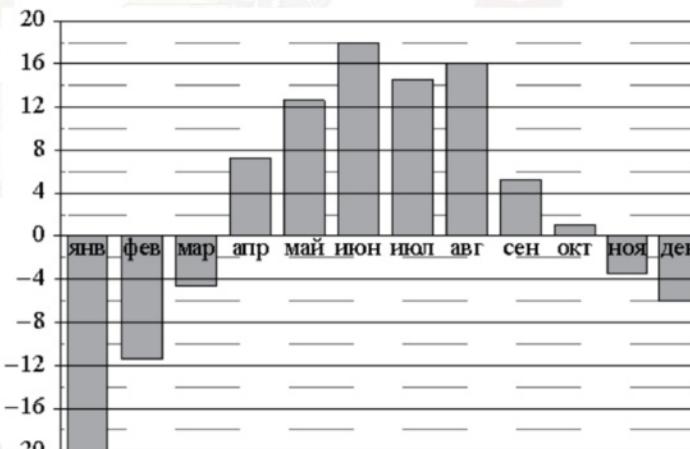
1

Для покраски 1 кв. м потолка требуется 220 г краски. Краска продаётся в банках по 3 кг. Какое наименьшее количество банок краски нужно купить для покраски потолка площадью 58 кв. м?

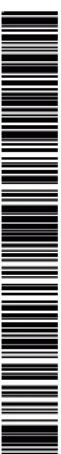
Ответ: _____.

2

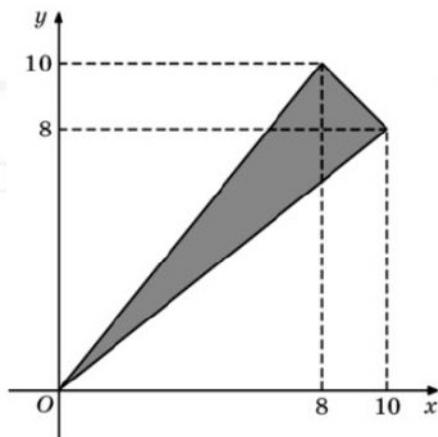
На диаграмме показана среднемесячная температура воздуха в Екатеринбурге (Свердловске) за каждый месяц 1973 года. По горизонтали указываются месяцы, по вертикали – температура в градусах Цельсия. Определите по приведённой диаграмме, сколько месяцев среднемесячная температура не превышала 6 градусов Цельсия.



Ответ: _____.



3 Найдите площадь треугольника, изображённого на рисунке



Ответ: _____.

4 При изготовлении подшипников диаметром 68 мм вероятность того, что диаметр будет отличаться от заданного не больше, чем на 0,01 мм, равна 0,968. Найдите вероятность того, что случайный подшипник будет иметь диаметр меньше, чем 67,99 мм, или больше, чем 68,01 мм.

Ответ: _____.

5 Найдите корень уравнения

$$x = \frac{6x - 15}{x - 2}.$$

Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите больший из них.

Ответ: _____.

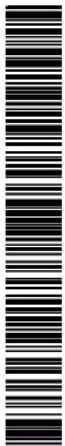
Тренировочный вариант №32 от 12.04.2021

6 Углы треугольника относятся как 2:3:4. Найдите меньший из них. Ответ дайте в градусах.

Ответ: _____.

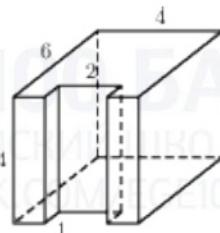
7 Материальная точка движется прямолинейно по закону $x(t) = \frac{1}{2}t^2 + 4t + 27$, где x – расстояние от точки отсчёта в метрах, t – время в секундах, измеренное с момента начала движения. Найдите её скорость (в метрах в секунду) в момент времени $t = 2$ с.

Ответ: _____.



8

- Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



Ответ: _____.

Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1.**Часть 2****9**

- Найдите значение выражения

$$(5^{\log_3 7})^{\log_7 3}.$$

Ответ: _____.

10

- Амплитуда колебаний маятника зависит от частоты вынуждающей силы и определяется по формуле $A(\omega) = \frac{A_0 \omega_p^2}{|\omega_p^2 - \omega^2|}$, где ω — частота вынуждающей силы (в с^{-1}), A_0 — постоянный параметр, $\omega_p = 360 \text{ с}^{-1}$ — резонансная частота. Найдите максимальную частоту ω , меньшую резонансной, для которой амплитуда колебаний превосходит величину A_0 не более чем на одну пятнадцатую. Ответ дайте в с^{-1} .

Ответ: _____.

11

- Поезд, двигаясь равномерно со скоростью 50 км/ч, проезжает мимо придорожного столба за 72 секунды. Найдите длину поезда в метрах.

Ответ: _____.

12

- Найдите наибольшее значение функции

$$y = \sqrt{-115 - 28x - x^2}.$$

Ответ: _____.

Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.
Проверьте, чтобы каждый ответ был записан в строке с номером соответствующего задания.



Для записи решений и ответов на задания 13–19 используйте БЛАНК ОТВЕТОВ № 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (13, 14 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

13 а) Решите уравнение

$$\log_3(x^2 - 2x) = 1.$$

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $[\log_2 0,2; \log_2 5]$.

14 Дан куб $ABCDA_1B_1C_1D_1$.

а) Докажите, что прямая B_1D перпендикулярна плоскости A_1BC_1 .

б) Найдите угол между плоскостями AB_1C_1 и A_1B_1C .

15 Решите неравенство

$$\log_7 \frac{3}{x} + \log_7(x^2 - 7x + 11) \leq \log_7 \left(x^2 - 7x + \frac{3}{x} + 10 \right).$$

16 В треугольнике ABC проведена биссектриса BK .

а) Докажите, что $\frac{AK}{AB} = \frac{CK}{BC}$.

б) Найдите площадь треугольника ABC , если $AB = 13$, $BC = 7$ и $BK = \frac{7\sqrt{13}}{4}$.

17 15-го января в банке был взят кредит на 600 тысяч рублей на $(n + 1)$ месяц. Условия его возврата таковы:

- 1-го числа каждого месяца долг возрастает на 3% по сравнению с концом предыдущего месяца;
- со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;
- 15-го числа каждого месяца с 1-го по n -й долг должен быть на одну и ту же сумму меньше долга на 15-е число предыдущего месяца;
- 15-го числа n -го месяца долг составит 200 тысяч рублей;
- к 15-му числу $(n + 1)$ -го месяца кредит должен быть полностью погашен.

Найдите n , если общая сумма выплат после погашения кредита составила 852 тысячи рублей.

18 Найдите все значения a , при каждом из которых система

$$\begin{cases} y = \sqrt{5 + 4x - x^2} + 2, \\ y = \sqrt{9 - a^2 + 2ax - x^2} + a \end{cases}$$

имеет единственное решение.

19 На доске написаны числа 1, 2, 3, ..., 30. За один ход разрешается стереть произвольные три числа, сумма которых больше 58 и отлична от каждой из сумм троек чисел, стёртых на предыдущих ходах.

- а) Приведите пример последовательных 5 ходов.
- б) Можно ли сделать 10 ходов?
- в) Какое наибольшее число ходов можно сделать?

Проверьте, чтобы каждый ответ был записан рядом с номером соответствующего задания.



**Система оценивания экзаменационной работы по математике
 (профильный уровень)**

Каждое из заданий 1–12 считается выполненными верно, если экзаменуемый дал верный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Каждое верно выполненное задание оценивается 1 баллом.

Номер задания	Правильный ответ	Видео решение
1	5	▶
2	7	▶
3	18	▶
4	0,032	▶
5	5	▶
6	40	▶
7	6	▶
8	132	▶
9	5	▶
10	90	▶
11	1000	▶
12	9	▶
13	a) –1; 3 б) –1	▶
14	60	▶
15	$\left[2; \frac{7 - \sqrt{5}}{2}\right) \cup [5; +\infty)$	▶
16	$\frac{105\sqrt{3}}{4}$	▶
17	20	▶
18	$[-1; 2) \cup (2; 5]$	▶
19	а) привели в решении б) нет в) б	▶



Решения и критерии оценивания заданий 13–19

Количество баллов, выставленных за выполнение заданий 13–19, зависит от полноты решения и правильности ответа.

Общие требования к выполнению заданий с развернутым ответом: решение должно быть математически грамотным, полным, все возможные случаи должны быть рассмотрены. **Методы решения, формы его записи и формы записи ответа могут быть разными. За решение, в котором обоснованно получен правильный ответ, выставляется максимальное количество баллов. Правильный ответ при отсутствии текста решения оценивается в 0 баллов.**

Эксперты проверяют только математическое содержание представленного решения, а особенности записи не учитывают.

При выполнении задания могут использоваться без доказательства и ссылок любые математические факты, содержащиеся в учебниках и учебных пособиях, входящих в Федеральный перечень учебников, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ среднего общего образования.

Тренировочный вариант №32 от 12.04.2021

13а) Решите уравнение $\log_3(x^2 - 2x) = 1$.б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $[\log_2 0,2; \log_2 5]$.

$$\begin{aligned} a) & 3^1 = x^2 - 2x \\ & x^2 - 2x - 3 = 0 \\ & x_1 = -1 \quad x_2 = 3 \end{aligned}$$

Сравним

Ответ:
а) -1; 3
б) -1

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены первые ответы в обоих пунктах	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте а	
ИЛИ	
получены неверные ответы из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения обоих пунктов: пункта а и пункта б	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
Максимальный балл	2

Источники:
Основные волны (Репетитор) 2017



14. Дан куб $ABCA_1B_1C_1D_1$.

- а) Докажите, что прямая B_1D перпендикулярна плоскости A_1BC_1 .
 б) Найдите угол между плоскостями AB_1C_1 и A_1B_1C .

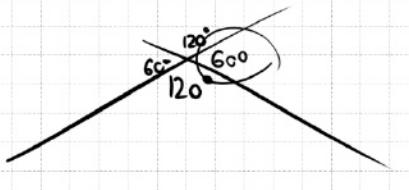
а) $B_1D \perp$ Плоскость $A_1B_1C_1$
 ка кото $AB_1 \perp A_1B$ ка плоскости
 $B_1D \perp A_1C_1$ ка плоскости $AB_1 \perp A_1B$ ка плоскости
 $B_1D \perp A_1C_1$ ка плоскости $\Rightarrow B_1D \perp A_1B$
 $B_1D \perp A_1C_1$ $\Rightarrow B_1D \perp (A_1B_1C_1)$

ОТВЕТ: 60

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта а и обоснованно получено верный ответ в пункте б	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта а	1
Имеется верное доказательство утверждения пункта а или обоснованно получен верный ответ в пункте б с использованием утверждения пункта а, при этом пункт а не выполнен	0
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
Максимальный балл	2

$$\cos \angle A_1AC = \frac{\frac{2}{3}a^2 + \frac{2}{3}a^2 - 2a^2}{2 \cdot \frac{2}{3}a^2} = -\frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \angle A_1AC = 120^\circ$$



B_1D - кото
 ка кото

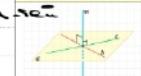
$AB_1 \perp A_1B$ ка плоскости
 $B_1D \perp A_1C_1$ ка плоскости

$\Rightarrow B_1D \perp (A_1B_1C_1)$

Источники:

Ященко 2020 (50 зад)
 Ященко 2019 (36 зад)
 Ященко 2018 (20 зад)

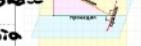
ПРИЗНАК ПЕРПЕНДИКУЛЯРНОСТИ ПРЯМОЙ И ПЛОСКОСТИ



Признак перпендикулярности плоскости, если она перпендикулярна двум пересекающимся прямым, лежащим в этой плоскости

Если $m \perp c$, то $m \perp a$
 $b \subset a$

ТЕОРЕМА О ТРЕХ ПЕРПЕНДИКУЛЯРАХ



$\Delta ABD = \Delta C_1BD$ - кото

$\Rightarrow CH$ - высота
 в ΔC_1BD

$\Rightarrow \angle AHC$ - искомый

Признаки, проведенные в плоскости и перпендикулярная проекция на эту плоскость, перпендикулярна и самой наклонной (ПП)

Признаки, проведенные в плоскости и перпендикулярная наклонной, перпендикулярна и проекция наклонной на эту плоскость (Теорема, обратная ПП)

Угол между плоскостями (способ #1)

$AH = \frac{a \sqrt{2}a}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{2}a}{\sqrt{3}}$

Угол между плоскостями – это

угол между перпендикулярами к линии их пересечения, проведеными в этих плоскостях

ВЫСОТА В ПРЯМОУГОЛЬНОМ ТРЕУГОЛЬНИКЕ



$h = \frac{ab}{c}$

ТЕОРЕМА КОСИНУСОВ



1. $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos \alpha$

2. $\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}$

15. Решите неравенство

$$\log_7 \frac{3}{x} + \log_7 (x^2 - 7x + 11) \leq \log_7 \left(x^2 - 7x + \frac{3}{x} + 10 \right)$$

$$\begin{cases} \log_7 \frac{3}{x} \cdot (x^2 - 7x + 11) \leq \log_7 (x^2 - 7x + \frac{3}{x} + 10) \\ \frac{3}{x} > 0 \\ x^2 - 7x + 11 > 0 \end{cases}$$

$$\textcircled{1} \quad \frac{3}{x} \cdot (x^2 - 7x + 11) \leq x^2 - 7x + \frac{3}{x} + 10$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{3}{x} > 0$$

$$\textcircled{3} \quad x^2 - 7x + 11 > 0$$

$$\textcircled{1} \quad 3x - 21 + \frac{33}{x} \leq x^2 - 7x + \frac{3}{x} + 10$$

$$x^2 - 10x - \frac{30}{x} + 31 \geq 0$$

$$x^3 - 10x^2 + 31x - 30 \geq 0$$

$$x$$

$$\text{ОТВЕТ: } [2; \frac{9-\sqrt{5}}{2}) \cup [5; +\infty)$$

Содержание критерия Баллы

Обоснованно получен верный ответ 2

Обоснованно получен ответ, отличающийся от верного исключением / включением граничных точек 1

или получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения 0

Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше 0

Максимальный балл 2

При этом в первом случае выставление 1 балла допускаются только ошибки в строгости неравенства: « $<$ » вместо « \leq », или наоборот. Если в ответ включено значение переменной, при котором одна из частей неравенства не имеет смысла, то следует выставлять оценку «0 баллов».

$$\textcircled{2} \quad \frac{3}{x} > 0$$

$$x > 0$$

$$\textcircled{3} \quad x^2 - 7x + 11 > 0$$

$$\mathcal{D} = 5$$

$$x_{1,2} = \frac{7 \pm \sqrt{5}}{2}$$

$$x$$

$$+\quad -\quad +\quad -\quad +$$

$$\frac{7-\sqrt{5}}{2} \approx 2,4 \quad \frac{7+\sqrt{5}}{2} \approx 4,6$$

$$x$$

$$+\quad -\quad +\quad -\quad +$$

$$0 \quad 2 \quad \frac{7-\sqrt{5}}{2} \quad \frac{7+\sqrt{5}}{2} \quad 4,6 \quad +$$

$$x$$

$$+\quad -\quad +\quad -\quad +$$

$$0 \quad 2 \quad \frac{7-\sqrt{5}}{2} \quad \frac{7+\sqrt{5}}{2} \quad 4,6 \quad +$$

$$x$$

Источники:

Ященко 2020 (36 зад)
 Ященко 2020 (50 зад)
 Ященко 2019 (36 зад)
 Ященко 2019 (50 зад)
 Ященко 2018 (20 зад)
 Ященко 2015 (10 зад)

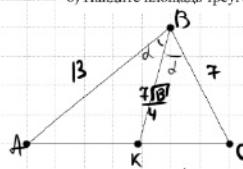
Источники:

Ященко 2020 (36 зад)
 Ященко 2020 (50 зад)
 Ященко 2019 (36 зад)
 Ященко 2019 (50 зад)
 Ященко 2018 (20 зад)
 Ященко 2015 (10 зад)



16В треугольнике ABC проведена биссектриса BK .

- а) Докажите, что $\frac{AK}{AB} = \frac{CK}{BC}$.
 б) Найдите площадь треугольника ABC , если $AB = 13$, $BC = 7$ и $BK = \frac{7\sqrt{13}}{4}$.



$$\text{а)} S_{ABK} = \frac{1}{2} AK \cdot h$$

$$S_{BCK} = \frac{1}{2} CK \cdot h$$

$$S_{ABK} = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot BK \cdot \sin d$$

$$S_{BCK} = \frac{1}{2} \cdot BC \cdot BK \cdot \sin d$$

$$S_{ABK} = \frac{1}{2} AK \cdot h = \frac{1}{2} AB \cdot BK \cdot \sin d$$

$$S_{BCK} = \frac{1}{2} CK \cdot h = \frac{1}{2} BC \cdot BK \cdot \sin d$$

$$\Rightarrow \frac{AK}{CK} = \frac{AB}{BC} \quad | : AB$$

ОТВЕТ: $\frac{105}{4}\sqrt{3}$

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта а и обоснованно получен верный ответ в пункте б	3
Обоснованно получен верный ответ в пункте б	2
ИЛИ	
имеется верное доказательство утверждения пункта а и при обоснованном решении пункта б получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	1
Имеется верное доказательство утверждения пункта а,	
ИЛИ	
при обоснованном решении пункта б получен неверный ответ из-за арифметической ошибки.	
ИЛИ	
обоснованно получен верный ответ в пункте б с использованием утверждения пункта а, при этом пункт а не выполнен	0
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
Максимальный балл	3

$$\frac{AK \cdot CK}{CK \cdot AB} = \frac{AB \cdot CK}{BC \cdot AB}$$

б) ① по т кос:

$$AK^2 = 169 + \frac{49 \cdot 13}{16} - 2 \cdot 13 \cdot 7\sqrt{13} \cdot \cos d$$

$$CK^2 = 49 + \frac{49 \cdot 13}{16} - 2 \cdot \frac{7\sqrt{13}}{4} \cdot \cos d$$

$$\text{Возведём в квадрат } \frac{AK^2}{CK^2} = \frac{AB^2}{BC^2}$$

$$AK^2 - BC^2 = AB^2 - CK^2$$

$$169 - 49 + \frac{49^2 \cdot 13}{16} - \frac{2 \cdot 13 \cdot 7\sqrt{13} \cdot 49}{4} \cos d = 169 - 49$$

$$+ 169 \cdot 49 \cdot 13 - 2 \cdot 7 \cdot 7\sqrt{13} \cdot 49 \cos d$$

$$\frac{49 \cdot 13}{16} - \frac{49 \cdot 13^2}{16} = \frac{2 \cdot 13 \cdot 13^2 \cdot 7\sqrt{13} \cdot 49 \cos d}{4}$$

$$\cancel{49 \cdot 13} \cdot \cancel{(49 - 13^2)} = \cancel{2 \cdot 13 \cdot 13^2} \cdot \cancel{7\sqrt{13} \cdot 49 \cos d} \cdot \cancel{(1 - 13)}$$

$$\frac{-120}{4} = 2\sqrt{13} \cdot (-6) \cdot \cos d$$

$$30 = 12\sqrt{13} \cdot \cos d$$

$$\cos d = \frac{5}{2\sqrt{13}}$$

$$\sin d = \sqrt{1 - \cos^2 d} = \frac{\sqrt{1 - \left(\frac{5}{2\sqrt{13}}\right)^2}}{2\sqrt{13}} = \frac{\sqrt{1 - \frac{25}{484}}}{2\sqrt{13}} = \frac{\sqrt{\frac{459}{484}}}{2\sqrt{13}} = \frac{3\sqrt{51}}{26}$$

$$\sin 2d = 2 \sin d \cos d = 2 \cdot \frac{3\sqrt{51}}{26} \cdot \frac{5}{2\sqrt{13}} = \frac{15\sqrt{3}}{26}$$

$$S = \frac{1}{2} \cdot 13 \cdot 7 \cdot \frac{15\sqrt{3}}{26} = \frac{105\sqrt{3}}{4} = \frac{15\sqrt{3}}{2}$$

Источники:

Только решу!

**ТЕОРЕМА О
БИССЕКТРИСЕ**
 $a_1 = a$
 $b_1 = b$
17

Задание с развернутым ответом

15-го декабря планируется взять кредит в банке на сумму 600 тысяч рублей на $(n+1)$ месяц. Условия его возврата таковы:

— со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;

— 15-го числа каждого месяца с 1-го по n -й должен быть на счету и ту же сумму меньше долга на 15-е число предыдущего месяца;— к 15-му числу $(n+1)$ -го месяца кредит должен быть полностью погашен.Найдите n , если известно, что общая сумма выплат после полного погашения кредита составит 852 тысячи рублей.Пусть 7 число — день

номера

числа, на который

увеличивается долг

дата Сумма долга

15 дек 600 тыс

1. 9 600 · 1,03

1. 9 600 · 1,03 - (600 · 1,03)

1. 9 600 - 1 · x

1. 9 (600 - 1 · x) · 1,03

2. 9 (600 - 1 · x) · 1,03 - (600 · 2)

1. 9 600 - 2 · x

3. 9 (600 - 2 · x) · 1,03 - (600 · 3)

1. 9 600 - 3 · x

12 · n + 1,03 · n · h = 646

406 + 12 · n = 646

12 · n = 2 · 40

n = 20

Пятьдесят и больше

образуются открытыми

и закрытыми

и смешанными

и

18

Найдите все значения a , при каждом из которых система

$$\begin{cases} y = \sqrt{5 + 4x - x^2} + 2, \\ y = \sqrt{9 - a^2 + 2ax - x^2} + a \end{cases}$$

имеет единственное решение.

$$\begin{aligned} &\text{Упростим } ① \\ &y - 2 = \sqrt{5 + 4x - x^2} \\ &\{y - 2 \geq 0 \\ &\{(y - 2)^2 = 5 + 4x - x^2 \\ &\{y \geq 2 \\ &\{x^2 - 4x + 4 + (y - 2)^2 = 5 + 4 \\ &\{y \geq 2 \\ &\{(x - 2)^2 + (y - 2)^2 = 3^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &\text{Упростим } ② \\ &y - a = \sqrt{9 - a^2 + 2ax - x^2} \\ &\{y - a \geq 0 \\ &\{(y - a)^2 = 9 - a^2 + 2ax - x^2 \\ &\{y \geq a \\ &\{(x - a)^2 + (y - a)^2 = 3^2 \end{aligned}$$

ОТВЕТ: $[-1, 2) \cup (2, 5]$

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен правильный ответ	4
С помощью верного рассуждения получено множество значений a , отличающееся от искомого конечным числом точек	3
С помощью верного рассуждения получены все граничные точки искомого множества значений a	2
Верно получена хотя бы одна граничная точка искомого множества значений a	1
Решение не соответствует ни одному из критерия, перечисленных выше	0
Максимальный балл	4



19

На доске написаны числа 1, 2, 3, ..., 30. За один ход разрешается стереть произвольные три числа, сумма которых больше 56 и отлична от каждой из сумм троек чисел, стертых на предыдущих ходах.

- Приведите пример последовательных 5 ходов.
- Можно ли сделать 10 ходов?
- Какое наибольшее число ходов можно сделать?

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
29	28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	
59	60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	81	82	83	84	85	86	87	88

Стерём все 30 чисел $\frac{1+30}{2} \cdot 30 = 465$

Стерём 10 различных троек, бывших 58

$\Rightarrow \min \frac{59+68}{2} \cdot 10 = 635$

Стерём большие, чем 635, то невозможно

Попробуем сделать 6-ой ход для

$25 \quad 19 \quad 15 \quad 59$
 $\Rightarrow 6 \text{ ходов можно } 6356$

Допустим 7 ходов есть
тогда:

После 7 ходов осталось 9 чисел
стёрли 21 число

$$\frac{1+9}{2} \cdot 9 \leq \text{оставшиеся числа} \leq \frac{22+30}{2} \cdot 9$$

$$\frac{59+65}{2} \cdot 7 \leq \text{стёртое число} \leq \frac{81+87}{2} \cdot 7$$

Итако сумма всех чисел более 465
 $\Rightarrow 10 \leq \text{оставшиеся число} \leq 31$
 $\Rightarrow 7 \text{ ходов можно сделать т.к. оставшиеся числа меньше } 31 \text{ и может быть}$



В соответствии с Порядком проведения государственной итоговой аттестации по образовательным программам среднего общего образования (приказ Минпросвещения России и Рособрнадзора от 07.11.2018 № 190/1512, зарегистрирован Минюстом России 10.12.2018 № 52952)

«82. <...> По результатам первой и второй проверок эксперты независимо друг от друга выставляют баллы за каждый ответ на задания экзаменационной работы ЕГЭ с развернутым ответом. <...>

В случае существенного расхождения в баллах, выставленных двумя экспертами, назначается третья проверка. Существенное расхождение в баллах определено в критериях оценивания по соответствующему учебному предмету.

Эксперту, осуществляющему третью проверку, предоставляется информация о баллах, выставленных экспертами, ранее проверявшими экзаменационную работу».

Существенными считаются следующие расхождения:

1) расхождение в баллах, выставленных двумя экспертами за выполнение любого из заданий 13–19, составляет 2 или более балла. В этом случае третий эксперт проверяет только ответ на то задание, который был оценен двумя экспертами со столь существенным расхождением;

2) расхождения экспертов при оценивании ответов на хотя бы два из заданий 13–19. В этом случае третий эксперт проверяет ответы на все задания работы.

ЕГЭ 100 БАЛЛОВ
ВСЕРОССИЙСКИЙ ШКОЛЬНЫЙ ПРОЕКТ
VK.COM/EGE100BALLOV

