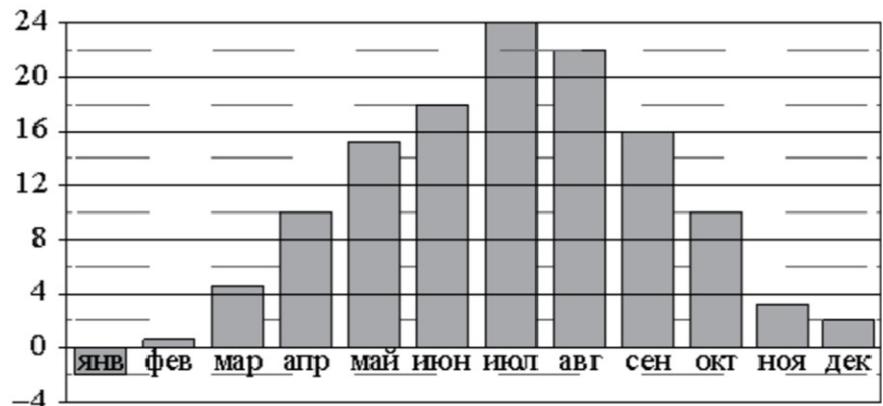


**1** Теплоход рассчитан на 600 пассажиров и 20 членов команды. Каждая спасательная шлюпка может вместить 70 человек. Какое наименьшее число шлюпок должно быть на теплоходе, чтобы в случае необходимости в них можно было разместить всех пассажиров и всех членов команды?

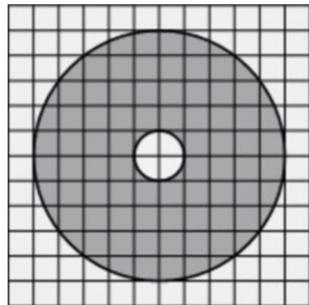
Ответ: \_\_\_\_\_.

**2** На диаграмме показана среднемесячная температура воздуха в Симферополе за каждый месяц 1988 года. По горизонтали указываются месяцы, по вертикали – температура в градусах Цельсия. Определите по приведённой диаграмме наименьшую среднемесячную температуру. Ответ дайте в градусах Цельсия.



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 3** На клетчатой бумаге нарисованы два круга. Площадь внутреннего круга равна 12. Найдите площадь закрашенной фигуры.



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 4** На экзамене по геометрии школьник отвечает на один вопрос из списка экзаменационных вопросов. Вероятность того, что это вопрос по теме «Вписанная окружность», равна 0,2. Вероятность того, что это вопрос по теме «Внешние углы», равна 0,35. Вопросов, которые одновременно относятся к этим двум темам, нет. Найдите вероятность того, что на экзамене школьнику достанется вопрос по одной из этих двух тем.

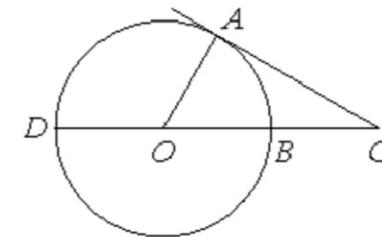
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 5** Найдите корень уравнения

$$36^{x-5} = \frac{1}{6}$$

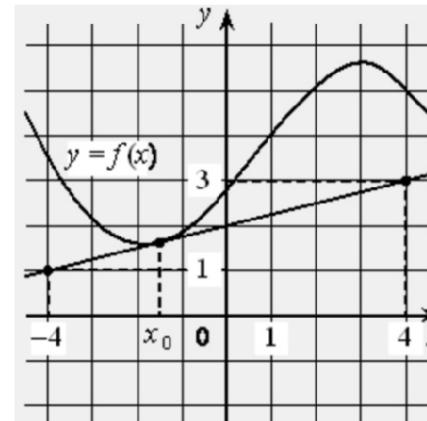
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 6** Угол  $ACO$  равен  $28^\circ$ . Его сторона  $CA$  касается окружности с центром в точке  $O$ . Сторона  $CO$  пересекает окружность в точках  $B$  и  $D$  (см. рис.). Найдите градусную меру дуги  $AD$  окружности, заключённой внутри этого угла. Ответ дайте в градусах.



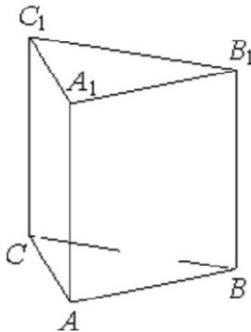
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 7** На рисунке изображены график функции  $y = f(x)$  и касательная к нему в точке с абсциссой  $x_0$ . Найдите значение производной функции  $f(x)$  в точке  $x_0$ .



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 8** Найдите объём многогранника, вершинами которого являются вершины  $A$ ,  $C$ ,  $A_1$ ,  $B_1$  правильной треугольной призмы  $ABC A_1 B_1 C_1$ . Площадь основания призмы равна 9, а боковое ребро равно 4.



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 9** Найдите значение выражения

$$\frac{7 \sin 154^\circ}{\cos 77^\circ \cdot \cos 13^\circ}.$$

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 10** Для определения эффективной температуры звёзд используют закон Стефана-Больцмана, согласно которому мощность излучения  $P$  (в ваттах) нагретого тела прямо пропорциональна площади его поверхности и четвёртой степени температуры:  $P = \sigma S T^4$ , где  $\sigma = 5,7 \cdot 10^{-8}$  – постоянная, площадь поверхности  $S$  измеряется в квадратных метрах, а температура  $T$  – в градусах Кельвина. Известно, что некоторая звезда имеет площадь поверхности  $S = \frac{1}{18} \cdot 10^{21} \text{ м}^2$ , а излучаемая ею мощность  $P$  равна  $4,104 \cdot 10^{27}$  Вт. Определите температуру этой звезды. Дайте ответ в градусах Кельвина.

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 11** Один мастер может выполнить заказ за 30 часов, а другой – за 15 часов. За сколько часов выполнят заказ оба мастера, работая вместе?

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 12** Найдите наименьшее значение функции

$$y = 3x^2 - 10x + 4 \ln x + 11 \text{ на отрезке } \left[ \frac{10}{11}; \frac{12}{11} \right].$$

Ответ: \_\_\_\_\_.

**13** а) Решите уравнение

$$\frac{\sin x}{\cos^2 \frac{x}{2}} = 4 \sin^2 \frac{x}{2}.$$

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $[-4\pi; -\frac{5\pi}{2}]$ .

**14** В треугольной пирамиде  $PABC$  с основанием  $ABC$  известно, что  $AB = 17$ ,  $PB = 10$ ,  $\cos \angle PBA = \frac{32}{85}$ . Основанием высоты этой пирамиды является точка  $C$ . Прямые  $PA$  и  $BC$  перпендикулярны.

- а) Докажите, что треугольник  $ABC$  прямоугольный.  
б) Найдите объём пирамиды  $PABC$ .

**15** Решите неравенство

$$(2 - 3x) \cdot \log_{2x-1}(x^2 - 2x + 2) \leq 0.$$

**16** В остроугольном треугольнике  $ABC$  провели высоту  $BH$ . Из точки  $H$  на стороны  $AB$  и  $BC$  опустили перпендикуляры  $HK$  и  $HM$  соответственно.

- а) Докажите, что треугольник  $MHK$  подобен треугольнику  $ABC$ .  
б) Найдите отношение площади треугольника  $MHK$  к площади четырёхугольника  $AKMC$ , если  $BH = 3$ , а радиус окружности, описанной около треугольника  $ABC$ , равен 4.

**17** В июле планируется взять кредит в банке на сумму 9 млн рублей на некоторый срок (целое число лет). Условия его возврата таковы:

- каждый январь долг возрастает на 25% по сравнению с концом предыдущего года;
- с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить часть долга;
- в июле каждого года долг должен быть на одну и ту же сумму меньше долга на июль предыдущего года.

Чему будет равна общая сумма выплат после полного погашения кредита, если наименьший годовой платёж составит 1,25 млн рублей?

**18** Найдите все значения  $a$ , при которых уравнение

$$|\sin^2 x + 2 \cos x + a| = \sin^2 x + \cos x - a$$

имеет на промежутке  $(\frac{\pi}{2}; \pi]$  единственный корень.

**19** Красный карандаш стоит 17 рублей, синий – 13 рублей. Нужно купить карандаши, имея всего 495 рублей и соблюдая дополнительное условие: число синих карандашей не должно отличаться от числа красных карандашей больше чем на пять.

- а) Можно ли купить при таких условиях 32 карандаша?  
б) Можно ли купить при таких условиях 35 карандашей?  
в) Какое наибольшее число карандашей можно купить при таких условиях?